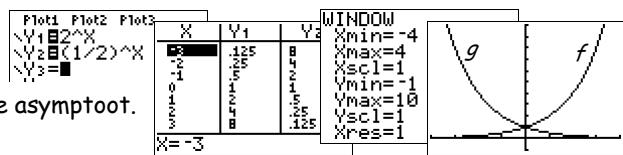


1a Ze zijn elkaars spiegelbeeld ten opzichte van de y -as.

1b Beide grafieken hebben de x -as (de lijn $y = 0$) als horizontale asymptoot.

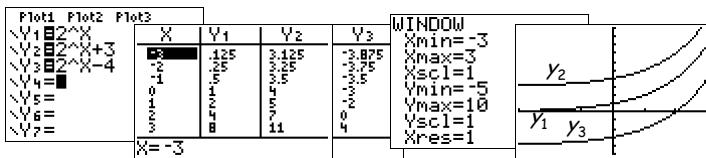
1c $B_f = B_g = \langle 0, \rightarrow \rangle$.



2a Zie de plot hiernaast.

$$y_1 = 2^x \xrightarrow{\text{translatie } (0, 3)} y_2 = 2^x + 3.$$

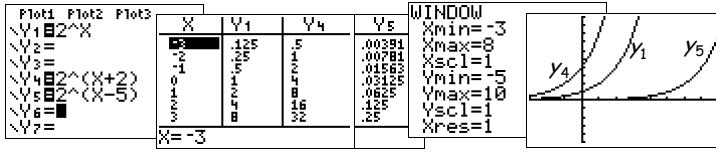
$$y_1 = 2^x \xrightarrow{\text{translatie } (0, -4)} y_3 = 2^x - 4.$$



2b Zie de plot hiernaast.

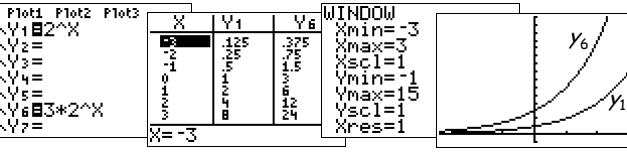
$$y_1 = 2^x \xrightarrow{\text{translatie } (-2, 0)} y_4 = 2^{x+2}.$$

$$y_1 = 2^x \xrightarrow{\text{translatie } (5, 0)} y_5 = 2^{x-5}.$$



2c Zie de plot hiernaast.

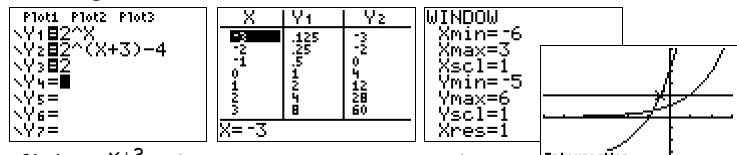
$$y_1 = 2^x \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as, } 3} y_6 = 3 \cdot 2^x.$$



3ab $y = 2^x \xrightarrow{\text{translatie } (-3, -4)} f(x) = 2^{x+3} - 4.$

$$B_f = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B_f = \langle -4, \rightarrow \rangle$$

Zie de grafiek hiernaast (maak gebruik van een tabel op de GR).

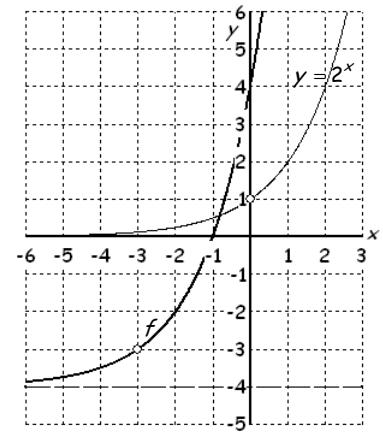


3c $f(x) = 2^{x+3} - 4 = 2 \text{ (intersect)} \Rightarrow x \approx -0,42.$

$f(x) \leq 2$ geeft $x \leq -0,42$ (gebruik hierbij de plot of de grafiek).

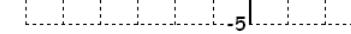
3d $f(3) = 60$ (zie de tabel) en $B_f = \langle -4, \rightarrow \rangle$.

In de plot lees je dan af: voor $x \leq 3$ is $-4 < f(x) \leq 60$.



4a $y = 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (1, 5)} f(x) = 3^{x-1} + 5.$

$$\text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 5$$



4b $y = 3^x \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as, } 5} y = 5 \cdot 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (-1, 0)} g(x) = 5 \cdot 3^{x+1}.$

$$\text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 0$$

$$\text{OF: } y = 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (-1, 0)} y = 3^{x+1} \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as, } 5} g(x) = 5 \cdot 3^{x+1}.$$

$$\text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 0$$

4c $y = 3^x \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as, } 4} y = 4 \cdot 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (0, -7)} h(x) = 4 \cdot 3^x - 7.$

$$\text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = -7$$

4d $y = 0,5^x \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as, } -2} y = -2 \cdot 0,5^x \xrightarrow{\text{translatie } (0, 3)} k(x) = -2 \cdot 0,5^x + 3.$

$$\text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 0 \Rightarrow \text{H.A.: } y = 3$$

5a $N = 8 \cdot 1,5^t - 6$ heeft H.A.: $N = -6$.

5c $N = -0,3^{t-1} + 1000$ heeft H.A.: $N = 1000$.

5b $N = -2 \cdot 0,8^{t-3} + 5$ heeft H.A.: $N = 5$.

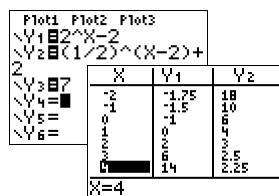
5d $N = -100 \cdot 0,3^t + 100$ heeft H.A.: $N = 100$.

6ac $y = 2^x \xrightarrow{\text{translatie } (0, -2)} f(x) = 2^x - 2.$

$$B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B_f = \langle -2, \rightarrow \rangle$$

$$y = (\frac{1}{2})^x \xrightarrow{\text{translatie } (2, 2)} g(x) = (\frac{1}{2})^{x-2} + 2.$$

$$B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B_g = \langle 2, \rightarrow \rangle$$



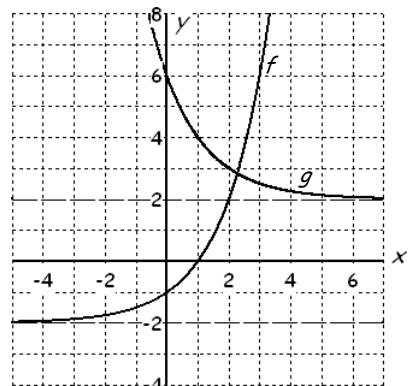
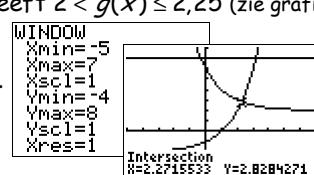
6b Zie de grafieken hiernaast. (gebruik tabellen)

6d $g(4) = 2,25$ (zie de tabel) en $B_g = \langle 2, \rightarrow \rangle \Rightarrow x \geq 4$ geeft $2 < g(x) \leq 2,25$ (zie grafiek).

6e $f(x) = g(x)$ (intersect) $\Rightarrow x \approx 2,27$.

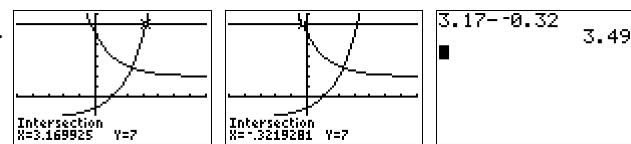
Lees in de grafiek af: $f(x) \leq g(x)$ voor $x \leq 2,27$.

6f $f(x) = p$ heeft geen oplossing voor $p \leq -2$.

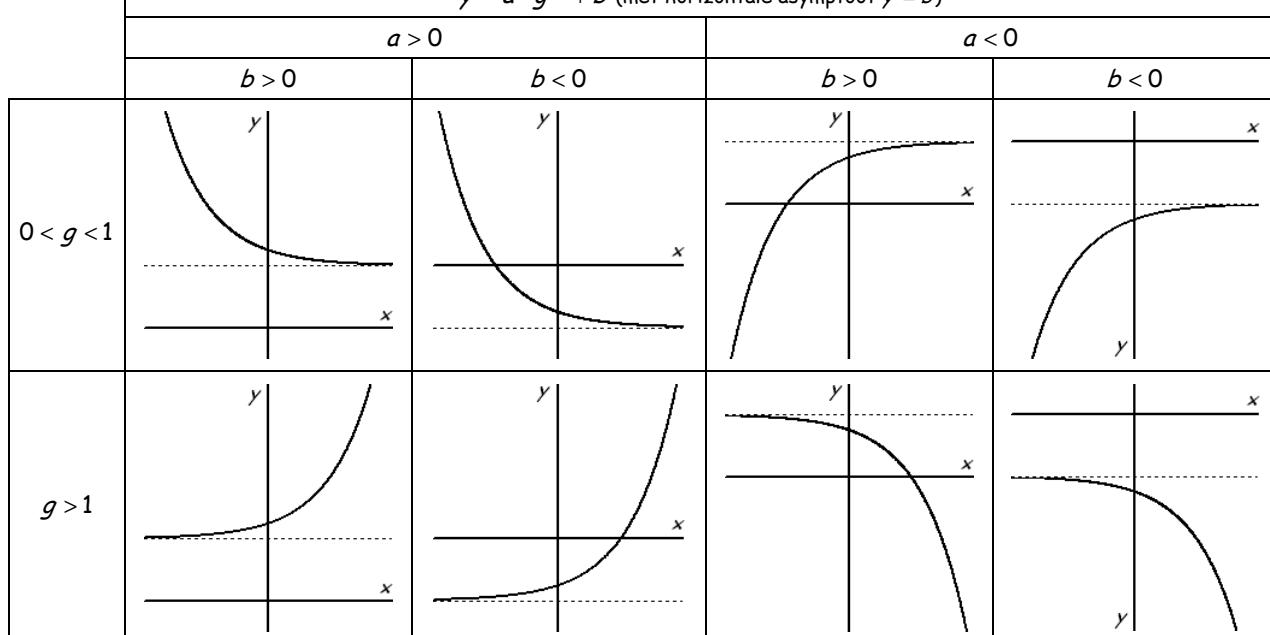


- 6g $f(3) = 6 \Rightarrow A(3, 6)$ en $g(3) = 2,5 \Rightarrow B(3, 2,5)$ (zie de tabel).
 A ligt 3,5 eenheid boven $B \Rightarrow$ lijnstuk AB is 3,5 lang.

- 6h $f(x) = 7$ (intersect) $\Rightarrow x \approx 3,17 \Rightarrow C(3,17; 7)$.
 $g(x) = 7$ (intersect) $\Rightarrow x \approx -0,32 \Rightarrow D(-0,32; 7)$.
 D ligt $3,17 + 0,32 = 3,49$ eenheden links van $C \Rightarrow$ de lengte van lijnstuk CD is 3,49.



7 $y = a \cdot g^x + b$ (met horizontale asymptoot $y = b$)



■

8a ■ $2^{x+1} = 64$
 $2^{x+1} = 2^6$
 $x+1 = 6$
 $x = 5.$

8d ■ $5^{-x+6} = 625$
 $5^{-x+6} = 5^4$
 $-x+6 = 4$
 $-x = -2$
 $x = 2.$

8g ■ $2^{x+3} = \sqrt{2}$
 $2^{x+3} = 2^{\frac{1}{2}}$
 $x+3 = \frac{1}{2}$
 $x = -2\frac{1}{2}.$

8b ■ $2^{x-3} = \frac{1}{8}$
 $2^{x-3} = \frac{1}{2^3}$
 $2^{x-3} = 2^{-3}$
 $x-3 = -3$
 $x = 0.$

8e ■ $(\frac{1}{3})^x - 2 = 25$
 $(3^{-1})^x = 27$
 $3^{-x} = 3^3$
 $-x = 3$
 $x = -3.$

8h ■ $3^{x+2} = 9 \cdot \sqrt{3}$
 $3^{x+2} = 3^2 \cdot 3^{\frac{1}{2}}$
 $3^{x+2} = 3^{2\frac{1}{2}}$
 $x+2 = 2\frac{1}{2}$
 $x = \frac{1}{2}.$

8c ■ $3^{4x-1} = \frac{1}{27} \cdot \sqrt{3}$
 $3^{4x-1} = \frac{1}{3^3} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$
 $3^{4x-1} = 3^{-3} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$
 $3^{4x-1} = 3^{-2\frac{1}{2}}$
 $4x-1 = -2\frac{1}{2}$
 $4x = -1\frac{1}{2}$
 $x = -\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{4} = -\frac{3}{8}.$

8f ■ $5 \cdot (\frac{1}{2})^x + 11 = 91$
 $5 \cdot (2^{-1})^x = 80$
 $2^{-x} = 16$
 $2^{-x} = 2^4$
 $-x = 4$
 $x = -4.$

8i ■ $4^{2x-1} = 64$
 $4^{2x-1} = 4^3$
 $2x-1 = 3$
 $2x = 4$
 $x = 2.$

9a $2^{3x+5} = 16 \cdot \sqrt{2}$
 $2^{3x+5} = 2^4 \cdot 2^{\frac{1}{2}}$
 $2^{3x+5} = 2^{4\frac{1}{2}}$
 $3x+5 = 4\frac{1}{2}$
 $3x = -\frac{1}{2}$
 $x = -\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = -\frac{1}{6}.$

9d $3^{3x-3} = \frac{1}{3} \cdot \sqrt[4]{3}$
 $3^{3x-3} = 3^{-1} \cdot 3^{\frac{1}{4}}$
 $3^{3x-3} = 3^{-\frac{3}{4}}$
 $3x-3 = -\frac{3}{4}$
 $3x = 2\frac{1}{4} = \frac{9}{4}$
 $x = \frac{3}{4}.$

9g $2^{4x-1} = 2^{2x-3}$
 $4x-1 = 2x-3$
 $2x = -2$
 $x = -1.$

9b $3^{4x} = \frac{1}{81} \cdot \sqrt[4]{9}$
 $3^{4x} = \frac{1}{3^4} \cdot \sqrt[4]{3^2}$
 $3^{4x} = 3^{-4} \cdot 3^{\frac{2}{4}}$
 $3^{4x} = 3^{-\frac{1}{2}}$
 $4x = -3\frac{1}{2} = -\frac{7}{2}$
 $x = -\frac{7}{8}.$

9c $3 \cdot 5^{2x-1} = 0,6$
 $5^{2x-1} = 0,2 = \frac{1}{5}$
 $5^{2x-1} = 5^{-1}$
 $2x-1 = -1$
 $2x = 0$
 $x = 0.$

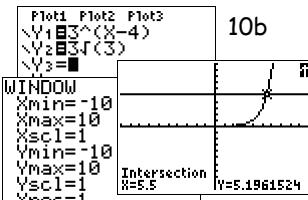
9e $3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{x-1} - 1 = -0,25$
 $3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{x-1} = 0,75$
 $\left(\frac{1}{2}\right)^{x-1} = 0,25 = \frac{1}{4} = \left(\frac{1}{2}\right)^2$
 $x-1 = 2$
 $x = 3.$

9h $3^{x^2} = 3^{x+6}$
 $x^2 = x + 6$
 $x^2 - x - 6 = 0$
 $(x-3) \cdot (x+2) = 0$
 $x = 3 \vee x = -2.$

9f $3 \cdot 5^{2x+1} = 75 \cdot \sqrt{5}$
 $5^{2x+1} = 25 \cdot \sqrt{5}$
 $5^{2x+1} = 5^2 \cdot 5^{\frac{1}{2}}$
 $5^{2x+1} = 5^{\frac{5}{2}}$
 $2x+1 = 2\frac{1}{2}$
 $2x = 1\frac{1}{2} = \frac{3}{2}$
 $x = \frac{3}{4}.$

9i $4^{|2x+1|} = 16$
 $4^{|2x+1|} = 4^2$
 $|2x+1| = 2$
 $2x+1 = 2 \vee 2x+1 = -2$
 $2x = 1 \vee 2x = -3$
 $x = \frac{1}{2} \vee x = -1\frac{1}{2}.$

10a $3^{x-4} = 3 \cdot \sqrt{3}$
 $3^{x-4} = 3^1 \cdot 3^{\frac{1}{2}}$
 $3^{x-4} = 3^{\frac{11}{2}}$
 $x-4 = 1\frac{1}{2}$
 $x = 5\frac{1}{2}.$
 (intersect alleen ter controle)
 Nu in een plot aflezen:
 $3^{x-4} < 3 \cdot \sqrt{3}$ voor $x < 5\frac{1}{2}.$



10b $0,2^x + 5 = 6$
 $0,2^x = 1$
 $0,2^x = 0,2^0$
 $x = 0.$
 (intersect ter controle) Nu in een plot aflezen:
 $0,2^x + 5 \geq 6$ voor $x \leq 0.$
 (LET OP: het teken klappt om!!!)

10c

10c $5 - 2^{x+1} = 4\frac{1}{2}$
 $-2^{x+1} = -\frac{1}{2}$
 $2^{x+1} = \frac{1}{2} = 2^{-1}$
 $x+1 = -1$
 $x = -2.$
 (intersect slechts ter controle)
 Nu in een plot aflezen:
 $5 - 2^{x+1} > 4\frac{1}{2}$ voor $x < -2.$
 (LET OP: het teken klappt om!!!)

11 $2^{4x-1} = 4^{x-3}$
 $2^{4x-1} = (2^2)^{x-3}$
 $2^{4x-1} = 2^{2(x-3)}$
 $4x-1 = 2x-6$
 $2x = -5$
 $x = -2\frac{1}{2}.$

12ab $2^{x+1} + 2^x = 48$
 $2^x \cdot 2^1 + 2^x = 48$
 $2 \cdot 2^x + 1 \cdot 2^x = 48$
 $3 \cdot 2^x = 48$
 $2^x = 16 = 2^4$
 $x = 4.$

■

13a ■ $2^{x+1} = 4^{3x+1}$
 $2^{x+1} = (2^2)^{3x+1}$
 $2^{x+1} = 2^{2(3x+1)}$
 $x+1 = 6x+2$
 $-5x = 1$
 $x = -\frac{1}{5}.$

13c ■ $2^{x^2} = \left(\frac{1}{4}\right)^x$
 $2^{x^2} = (2^{-2})^x$
 $2^{x^2} = 2^{-2x}$
 $x^2 = -2x$
 $x^2 + 2x = 0$
 $x(x+2) = 0$
 $x = 0 \vee x = -2.$

13e ■ $27^x = 3 \cdot 9^{2x}$
 $(3^3)^x = 3^1 \cdot (3^2)^{2x}$
 $3^{3x} = 3^1 \cdot 3^{2+2x}$
 $3^{3x} = 3^{1+4x}$
 $3x = 1+4x$
 $-x = 1$
 $x = -1.$

13b ■ $4^{x-1} = 8^{3x-3}$
 $(2^2)^{x-1} = (2^3)^{3x-3}$
 $2^{2(x-1)} = 2^{3(3x-3)}$
 $2x-2 = 9x-9$
 $-7x = -7$
 $x = 1.$

13d ■ $25^{x-3} = 5 \cdot 5^{2-x}$
 $(5^2)^{x-3} = 5^1 \cdot 5^{2-x}$
 $5^{2(x-3)} = 5^{3-x}$
 $2x-6 = 3-x$
 $3x = 9$
 $x = 3.$

13f ■ $0,5^x = 0,25 \cdot 2^x$
 $(\frac{1}{2})^x = \frac{1}{4} \cdot 2^x$
 $(\frac{1}{2^1})^x = \frac{1}{2^2} \cdot 2^x$
 $(2^{-1})^x = 2^{-2} \cdot 2^x$
 $2^{-x} = 2^{-2+x}$
 $-x = -2+x$
 $-2x = -2$
 $x = \frac{-2}{-2} = 1.$

14a \blacksquare $3^{x+2} + 3^x = 810$
 $3^x \cdot 3^2 + 3^x = 810$
 $9 \cdot 3^x + 1 \cdot 3^x = 810$
 $10 \cdot 3^x = 810$
 $3^x = 81 = 3^4$
 $x = 4.$

14c \blacksquare $2^{x+3} - 2^x = \frac{7}{8}$
 $2^x \cdot 2^3 - 2^x = \frac{7}{8}$
 $8 \cdot 2^x - 1 \cdot 2^x = \frac{7}{8}$
 $7 \cdot 2^x = \frac{7}{8}$
 $2^x = \frac{1}{8} = \frac{1}{2^3} = 2^{-3}$
 $x = -3.$

14e \blacksquare $3^x - 3^{x-1} = 2 \cdot \sqrt{3}$
 $3^{x-1} \cdot 3^1 - 3^{x-1} = 2 \cdot \sqrt{3}$
 $3 \cdot 3^{x-1} - 1 \cdot 3^{x-1} = 2 \cdot \sqrt{3}$
 $2 \cdot 3^{x-1} = 2 \cdot \sqrt{3}$
 $3^{x-1} = \sqrt{3} = 3^{\frac{1}{2}}$
 $x-1 = \frac{1}{2}$
 $x = 1\frac{1}{2}.$

14b \blacksquare $2^{x-1} + 2^{x+1} = 10$
 $2^{x-1} + 2^{x-1} \cdot 2^2 = 10$
 $1 \cdot 2^{x-1} + 4 \cdot 2^{x-1} = 10$
 $5 \cdot 2^{x-1} = 10$
 $2^{x-1} = 2 = 2^1$
 $x-1 = 1$
 $x = 2.$

14d \blacksquare $3^{x+2} = 24 + 3^x$
 $3^x \cdot 3^2 = 24 + 3^x$
 $9 \cdot 3^x = 24 + 1 \cdot 3^x$
 $8 \cdot 3^x = 24$
 $3^x = 3 = 3^1$
 $x = 1.$

14f \blacksquare $5^{x-1} + 5^{x-2} = 6 \cdot \sqrt{5}$
 $5^{x-2} \cdot 5^1 + 5^{x-2} = 6 \cdot \sqrt{5}$
 $5 \cdot 5^{x-2} + 1 \cdot 5^{x-2} = 6 \cdot \sqrt{5}$
 $6 \cdot 5^{x-2} = 6 \cdot \sqrt{5}$
 $5^{x-2} = \sqrt{5} = 5^{\frac{1}{2}}$
 $x-2 = \frac{1}{2}$
 $x = 2\frac{1}{2}.$

15a $3^{x+1} = 9^{x+2}$
 $3^{x+1} = (3^2)^{x+2}$
 $3^{x+1} = 3^{2 \cdot (x+2)}$
 $x+1 = 2x+4$
 $-x = 3$
 $x = -3.$

15d $5^x + 5^{x+1} = \frac{6}{25}$
 $5^x + 5^x \cdot 5^1 = \frac{6}{25}$
 $1 \cdot 5^x + 5 \cdot 5^x = \frac{6}{25}$
 $6 \cdot 5^x = \frac{6}{25}$
 $5^x = \frac{1}{25} = \frac{1}{5^2} = 5^{-2}$
 $x = -2.$

15g $4^{x^2+1} = 8^{x^2-1}$
 $(2^2)^{x^2+1} = (2^3)^{x^2-1}$
 $2^{2 \cdot (x^2+1)} = 2^{3 \cdot (x^2-1)}$
 $2x^2 + 2 = 3x^2 - 3$
 $-x^2 = -5$
 $x^2 = 5$
 $x = \sqrt{5} \quad \vee \quad x = -\sqrt{5}.$

15b $3^{x+1} - 3^{x-1} = 8 \cdot \sqrt{3}$
 $3^{x-1} \cdot 3^2 - 3^{x-1} = 8 \cdot \sqrt{3}$
 $9 \cdot 3^{x-1} - 1 \cdot 3^{x-1} = 8 \cdot \sqrt{3}$
 $8 \cdot 3^{x-1} = 8 \cdot \sqrt{3}$
 $3^{x-1} = \sqrt{3} = 3^{\frac{1}{2}}$
 $x-1 = \frac{1}{2}$
 $x = 1\frac{1}{2}.$

15e $5^{x^2+5} = 125^{x+1}$
 $5^{x^2+5} = (5^3)^{x+1}$
 $5^{x^2+5} = 5^{3 \cdot (x+1)}$
 $x^2 + 5 = 3x + 3$
 $x^2 - 3x + 2 = 0$
 $(x-2) \cdot (x-1) = 0$
 $x=2 \quad \vee \quad x=1.$

15h $2^{x+3} - 4^{\frac{1}{2}x-1} = 3\frac{7}{8}$
 $2^{x+3} - (2^2)^{\frac{1}{2}x-1} = 3\frac{7}{8}$
 $2^{x+3} - 2^{2(\frac{1}{2}x-1)} = 3\frac{7}{8}$
 $2^{x+3} - 2^{x-2} = 3\frac{7}{8}$
 $2^{x-2} \cdot 2^5 - 2^{x-2} = 3\frac{7}{8}$
 $32 \cdot 2^{x-2} - 1 \cdot 2^{x-2} = 3\frac{7}{8}$

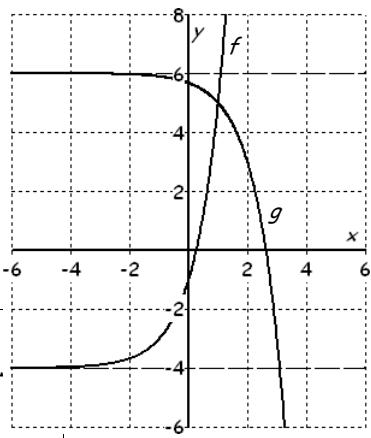
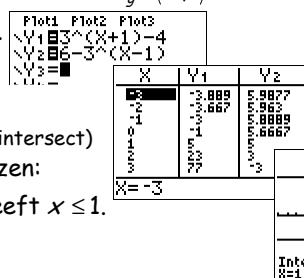
15c $3^{x^2} = (\frac{1}{3})^{x-6}$
 $3^{x^2} = (3^{-1})^{x-6}$
 $3^{x^2} = 3^{-1(x-6)}$
 $x^2 = -x + 6$
 $x^2 + 1x - 6 = 0$
 $(x+3) \cdot (x-2) = 0$
 $x = -3 \quad \vee \quad x = 2.$

15f $2^{x+2} - (\frac{1}{2})^{-x+1} = 28$
 $2^{x+2} - (2^{-1})^{-x+1} = 28$
 $2^{x+2} - 2^{x-1} = 28$
 $2^{x-1} \cdot 2^3 - 2^{x-1} = 28$
 $8 \cdot 2^{x-1} - 1 \cdot 2^{x-1} = 28$
 $7 \cdot 2^{x-1} = 28$
 $2^{x-1} = 4 = 2^2$
 $x-1 = 2$
 $x = 3.$

16ac $y = 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (-1, -4)} f(x) = 3^{x+1} - 4.$
 $B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B_f = \langle -4, \rightarrow \rangle$
 $y = 3^x \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as}, -1} y = -1 \cdot 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (1, 6)} g(x) = -3^{x-1} + 6.$
 $B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B = \langle \leftarrow, 0 \rangle \Rightarrow B_g = \langle \leftarrow, 6 \rangle$

16b Zie de grafieken hiernaast (maak eerst een tabel).

16d $3^{x+1} - 4 = 6 - 3^{x-1}$ $3^{x-1} = 1 = 3^0$
 $3^{x-1} \cdot 3^2 = 10 - 3^{x-1}$ $x-1 = 0$
 $9 \cdot 3^{x-1} = 10 - 1 \cdot 3^{x-1}$ $x = 1. \text{ (zie controle met intersect)}$
 $10 \cdot 3^{x-1} = 10$ Nu in de grafiek aflezen:
ga hiernaast verder $3^{x+1} - 4 \leq 6 - 3^{x-1} \text{ geeft } x \leq 1.$



- 16e $f(2,5) = 3^{3,5} - 4 = 3^3 \cdot 3^{0,5} - 4 = 27 \cdot \sqrt{3} - 4 \Rightarrow A(2,5; 27 \cdot \sqrt{3} - 4)$.
 $g(2,5) = 6 - 3^{1,5} = 6 - 3^1 \cdot 3^{0,5} = 6 - 3 \cdot \sqrt{3} \Rightarrow B(2,5; 6 - 3 \cdot \sqrt{3})$.
 De lengte van lijnstuk AB is $27 \cdot \sqrt{3} - 4 - (6 - 3 \cdot \sqrt{3}) = 27 \cdot \sqrt{3} - 4 - 6 + 3 \cdot \sqrt{3} = 30 \cdot \sqrt{3} - 10$.
- 16f $f(x) - g(x) = 80$ $3^{x-1} \cdot 3^2 + 3^{x-1} = 90$ $3^{x-1} = 9 = 3^2$
 $3^{x+1} - 4 - (6 - 3^{x-1}) = 80$ $9 \cdot 3^{x-1} + 1 \cdot 3^{x-1} = 90$ $x-1=2$
 $3^{x+1} - 4 - 6 + 3^{x-1} = 80 \rightarrow 10 \cdot 3^{x-1} = 90 \rightarrow x=3$.
- 16g $g(x) - f(x) = p$ heeft geen oplossing als $p \geq 10$.
 (voor grote negatieve waarden van x nadert $g(x) - f(x)$ naar $6 - 4 = 10$)
- | | totale tijd | totaal aantal leerlingen |
|--|-------------|--------------------------|
| 17a 30 keer 2 minuten \Rightarrow 60 minuten. | 4 | 2 |
| 17b Zie het boomdiagram hiernaast.
Dus het duurt 4 keer 4 minuten \Rightarrow 16 minuten. | 8 | 2 + 4 = 6 |
| | 12 | 6 + 8 = 14 |
| | 16 | 14 + 16 = 30 |
- 17c
- 18a $/ = 3 + 0,27$.
- 18b De eerste dag (van $t = 0$ tot $t = 1$) een toename van 3 naar 3,2 (m) \Rightarrow toename is $\frac{0,2}{3} \times 100 \approx 6,7\%$.
 De tiende dag (van $t = 9$ tot $t = 10$) een toename van 4,8 naar 5 (m) \Rightarrow toename is $\frac{0,2}{4,8} \times 100 \approx 4,2\%$.
- 18c $/ = 6 \Rightarrow 3 + 0,2t = 6 \Rightarrow 0,2t = 3 \Rightarrow t = \frac{3}{0,2} = 15$. Dus na 15 dagen.
- | | | |
|---------|------|--|
| $3/0,2$ | 15 | |
|---------|------|--|
- 19a $N = 9,8 \cdot 1,045^t$.
- 19b In januari 2010 is $t = 6 \Rightarrow N = 9,8 \cdot 1,045^6 \approx 12,8$ (miljoen).
- 19c $N = 9,8 \cdot 1,045^t = 16$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 11,1$. Dus begin 2015.
- 19d $N = 9,8 \cdot 1,045^t = 9,8 \cdot 2$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 15,7$. Dus in de loop van 2019.
- | | | |
|------------------------------------|-----------------------------------|--|
| $9,8*1,045^6$ | $12,76214922$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 9,8*1,045^X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 16}$ | $\boxed{\text{WINDOW}}$ | |
| $\boxed{\text{Y3: } 9,8*2}$ | $\boxed{\text{Xmin=0}}$ | |
| $\boxed{\text{Y4: } =}$ | $\boxed{\text{Xmax=30}}$ | |
| $\boxed{\text{Y5: } =}$ | $\boxed{\text{Xsc1=0}}$ | |
| $\boxed{\text{Y6: } =}$ | $\boxed{\text{Ymin=0}}$ | |
| $\boxed{\text{Y7: } =}$ | $\boxed{\text{Ymax=25}}$ | |
| | $\boxed{\text{Ysc1=0}}$ | |
| | $\boxed{\text{Xres=1}}$ | |
| | | $\boxed{\text{Intersection X=11,135779 Y=16}}$ |
| | | $\boxed{\text{Intersection X=15,747302 Y=19,6}}$ |
- 20 Toename van 17% (toename van 100% naar 117% = $[1,17] \times 100\%$) \Rightarrow groeifactor is 1,17.
- | | | |
|------------------------------------|---------------------------------|--|
| $100+17$ | 117 | |
| $\boxed{\text{Ans}/100}$ | $\boxed{1.17}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 100+100-X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 112.7}$ | $\boxed{\text{Ans}/100}$ | |
| $\boxed{100+12.7}$ | $\boxed{112.7}$ | |
| $\boxed{\text{Ans}/100}$ | $\boxed{1.127}$ | |
- 21a Toename (per jaar): 12,7% (toename van 100% naar 112,7% = $[1,127] \times 100\%$) \Rightarrow groeifactor (per jaar): 1,127.
- 21b Afname (per maand): 6,8% (afname van 100% naar 93,2% = $[0,932] \times 100\%$) \Rightarrow groeifactor (per maand): 0,932.
- 21c Groeifactor (per maand): 1,735 (toename van 100% naar 1,735 $\times 100\% = 173,5\%$) \Rightarrow groeipercentage (per maand): 73,5%.
- 21d Groeifactor (per dag): 0,845 (afname van 100% naar 0,845 $\times 100\% = 84,5\%$) \Rightarrow afname (per dag): 15,5%.
- 21e Groeifactor (per jaar): 2,42 (toename van 100% naar 2,42 $\times 100\% = 242\%$) \Rightarrow toename (per jaar): 142%.
- 21f Afname (per dag): 0,7% (afname van 100% naar 99,3% = $[0,993] \times 100\%$) \Rightarrow groeifactor (per dag): 0,993.
- | | | |
|--------------------------|-----------------|--|
| $1.735*100-100$ | $73,5$ | |
| $\boxed{0.845*100-100}$ | $\boxed{-15,5}$ | |
| $\boxed{2.42*100-100}$ | $\boxed{142}$ | |
| $\boxed{100-0,7}$ | $\boxed{99,3}$ | |
| $\boxed{\text{Ans}/100}$ | $\boxed{.993}$ | |
- 22a $N_C = 1310 \cdot 1,006^t$.
- 22b $N_I = 1080 \cdot 1,013^t$.
- 22c $t = 5$ geeft $N_C = 1310 \cdot 1,006^5 \approx 1350$ (miljoen) en $N_I = 1080 \cdot 1,013^5 \approx 1152$ (miljoen).
- 22d $N_C = N_I$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 27,8$. Dus in de loop van het jaar 2032.
- | | | |
|------------------------------------|---------------------------------------|--|
| $1310*1,006^5$ | $1349,774438$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 1310*1.006^X}$ | |
| $\boxed{1080*1,013^5}$ | $\boxed{1080*1.013^X}$ | |
| $\boxed{1152,049082}$ | $\boxed{Y_3=}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 1310*1.006^X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 1080*1.013^X}$ | $\boxed{\text{Y3: } Y_2(X)-Y_1(X-1)}$ | |
| $\boxed{Y_3=}$ | $\boxed{Y_4=}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 1310*1.006^X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 1080*1.013^X}$ | $\boxed{\text{Y3: } Y_2(X)-Y_1(X-1)}$ | |
| $\boxed{Y_3=}$ | $\boxed{Y_4=}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 1310*1.006^X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 1080*1.013^X}$ | $\boxed{\text{Y3: } Y_2(X)-Y_1(X-1)}$ | |
| $\boxed{Y_3=}$ | $\boxed{Y_4=}$ | |
- 22e Van $t = 11$ (1 januari 2016) tot $t = 12$ (1 januari 2017). (gebruik de tabel op de GR) Dus in het jaar 2016.
- 23a $R = 100 \cdot 0,6^d$ (R het percentage rood licht en d in meters).
 $B = 100 \cdot 0,7^d$ (B het percentage blauw licht en d in meters).
 $d = 4$ geeft $R = 100 \cdot 0,6^4 = 12,96 \approx 13\%$ en $B = 100 \cdot 0,7^4 = 24,01 \approx 24\%$ (%).
- 23b $R = 100 \cdot 0,6^d = 1$ (intersect) $\Rightarrow d \approx 9,015$ (meter).
 $B = 100 \cdot 0,7^d \approx 4$ (%).
 Op deze diepte nog 4% van het blauwe licht en 1% van het rode.
 Dus op deze diepte dringt 4 keer zoveel blauw licht door.
- | | | |
|------------------------------------|---------------------------------|--|
| $100-40$ | 60 | |
| $\boxed{\text{Ans}/100}$ | $\boxed{.6}$ | |
| $\boxed{100*0,6^4}$ | $\boxed{12,96}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 100-100-X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 100*0,7^X}$ | $\boxed{\text{Y3: } 100*0,6^X}$ | |
| $\boxed{Y_3=}$ | $\boxed{Y_4=}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 100-100-X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 100*0,7^X}$ | $\boxed{\text{Y3: } 100*0,6^X}$ | |
| $\boxed{Y_3=}$ | $\boxed{Y_4=}$ | |
| $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$ | $\boxed{\text{Y1: } 100-100-X}$ | |
| $\boxed{\text{Y2: } 100*0,7^X}$ | $\boxed{\text{Y3: } 100*0,6^X}$ | |
| $\boxed{Y_3=}$ | $\boxed{Y_4=}$ | |

24a Gebruik het basisscherm van de GR hiernaast om de tabel af te maken.

24b Per twee jaar met $9 \times 9 = 9^2 = 81$.

24c Als per half jaar met 4,5 wordt vermenigvuldigd, dan per jaar met $4,5^2 = 20,5$.

Per jaar wordt echter met 9 vermenigvuldigd, dus per half jaar met minder dan 4,5.

OF: $x \times x = 9 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = 3$. Dus per half jaar wordt met 3 (< 4,5) vermenigvuldigd.

Ans*9	2
18	
162	
1458	
13122	
118098	
9*9	81
4,5*4,5	20,25

■

25a ■ $g_{\text{kwartier}} = 1,12 \Rightarrow g_{\text{uur}} = 1,12^4 \approx 1,574$. De toename per uur is 57,4%.

25b ■ $g_{\text{kwartier}} = 1,12 \Rightarrow g_{5 \text{ min}} = 1,12^{\frac{1}{3}} \approx 1,038$. De toename per 5 minuten is 3,8%.

26a ■ $g_{\text{dag}} = 0,84 \Rightarrow g_{\text{week}} = 0,84^7 \approx 0,295$. De afname per week is 70,5%.

26b ■ $g_{\text{dag}} = 0,84 \Rightarrow g_{\text{uur}} = 0,84^{\frac{1}{24}} \approx 0,993$. De afname per uur is 0,7%.

27a ■ $g_{\text{dag}} = 1,3 \Rightarrow g_{\text{week}} = 1,3^7 \approx 6,27$. Het groeipercentage per week is 527%.

27b ■ $g_{\text{dag}} = 1,3 \Rightarrow g_{4 \text{ uur}} = 1,3^{\frac{1}{4}} \approx 1,045$. Het groeipercentage per 4 uur is 4,5%.

28a ■ $g_{\text{uur}} = 0,805 \Rightarrow g_{\text{kwartier}} = 0,805^{\frac{1}{4}} \approx 0,947$. De afname per kwartier is 5,3%.

28b ■ $g_{\text{jaar}} = 1,086 \Rightarrow g_{25 \text{ jaar}} = 1,086^{25} \approx 7,87$. De toename per 25 jaar is 687%.

28c ■ $g_{\text{week}} = 2,8 \Rightarrow g_{\text{dag}} = 2,8^{\frac{1}{7}} \approx 1,158$. De toename per dag is 15,8%.

29a ■ $g_{\text{dag}} = 1,05 \Rightarrow g_{\text{week}} = 1,05^7 \approx 1,407$. De toename per week is 40,7%.

29b ■ $g_{\text{dag}} = 1,5 \Rightarrow g_{\text{week}} = 1,5^7 (\approx 17,1)$.

29c ■ $g_{\text{uur}} = 0,8 \Rightarrow g_{\text{kwartier}} = 0,8^{\frac{1}{4}} \approx 0,946$. De afname per kwartier is 5,4%.

29d ■ $g_{\text{uur}} = 0,7 \Rightarrow g_{\text{kwartier}} = 0,7^{\frac{1}{4}} (\approx 0,915)$.

30 ■ $g_{20 \text{ jaar}} = 9 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 9^{\frac{1}{20}} \approx 1,116$. Het groeipercentage per jaar is 11,6%.

31a ■ $g_{10 \text{ jaar}} = 0,05 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 0,05^{\frac{1}{10}} \approx 0,741$. De afname per jaar is 25,9%.

31b ■ $g_{20 \text{ jaar}} = 12 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 12^{\frac{1}{20}} \approx 1,132$. Het groeipercentage per jaar is 13,2%.

31c ■ In 1965 waren er $\frac{14000}{12}$; in 1955 waren er $\frac{14000}{12} : 0,05 \approx 23000$ (broedparen).

32a ■ Tussen $t = 5$ en $t = 9$ zit 4 uur $\Rightarrow g_{4 \text{ uur}} = \frac{300000}{50000} = 6$.

32b ■ $g_{4 \text{ uur}} = 6 \Rightarrow g_{\text{uur}} = 6^{\frac{1}{4}} \approx 1,565$.

33 ■ $g_{7 \text{ uur}} = \frac{4100}{1600} \Rightarrow g_{\text{uur}} = \left(\frac{4100}{1600}\right)^{\frac{1}{7}} \approx 1,144$.

$N = b \cdot 1,144^t$
voor $t = 3$ is $N = 1600$

4100/1600	2.5625
Ans^(1/7)	1.143880228
1600/Ans^3	1069.001519

34 ■ $g_{6 \text{ dagen}} = \frac{2500}{1000} = 2,5 \Rightarrow g_{\text{dag}} = 2,5^{\frac{1}{6}} \approx 1,165$.

$N = b \cdot 1,165^t$
voor $t = 4$ is $N = 1000$

2500/1000	2.5
2.5^(1/6)	1.164993051
1000/Ans^4	542.8835233

35a \mathcal{G} 4 dagen = $\frac{11}{31} \Rightarrow \mathcal{G}$ dag = $(\frac{11}{31})^{\frac{1}{4}} \approx 0,772$.

$A = b \cdot 0,772^t$
voor $t = 3$ is $A = 31 \Rightarrow 31 = b \cdot 0,772^3 \Rightarrow b = \frac{31}{0,772^3} \approx 67$. Dus $A = 67 \cdot 0,772^t$.

11/31 3548387097
Ans^(1/4)
7718052845
31/Ans^3
67.42771622

35b De oorspronkelijke wond ($t = 0$) was 67 mm^2 .

35c Na 60 uur is $t = \frac{60}{24} = 2,5$ (dagen) en $A = 67 \cdot 0,772^{2,5} \approx 35$ (mm^2).

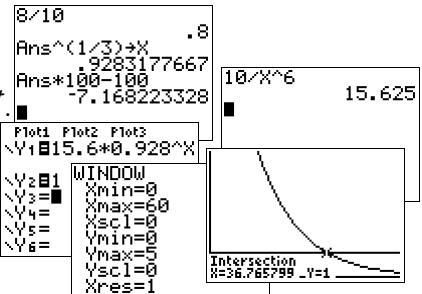
60/24 2.5
67*0.772^2.5
35.08472312

36a \mathcal{G} 3 minuten = $\frac{8}{10} = 0,8 \Rightarrow \mathcal{G}$ minuut = $0,8^{\frac{1}{3}} \approx 0,928$. De afname per minuut is 7,2%.

36b $v = b \cdot 0,928^t$
voor $t = 6$ is $v = 10 \Rightarrow 10 = b \cdot 0,928^6 \Rightarrow b = \frac{10}{0,928^6} \approx 15,6$. Dus $v = 15,6 \cdot 0,928^t$.
De snelheid v op moment $t = 0$ was 15,6 knopen.

36c Na een half uur is $t = 30$ en $v = 15,6 \cdot 0,928^{30} \approx 1,7$ (knopen).

36d $v = 15,6 \cdot 0,928^t = 1$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 36,8$. Dus na 37 minuten.



37a $2^3 = 8$.

37c $2^{\frac{1}{2}} = \sqrt[2]{2^1} = \sqrt{2}$.

37e $3^{-3} = \frac{1}{3^3} = \frac{1}{27}$.

37b $2^{-2} = \frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$.

37d $3^2 = 9$.

37f $3^{\frac{1}{5}} = \sqrt[5]{3^1} = \sqrt[5]{3}$.

■

38a $\square 5 \log(125) = 5 \log(5^3) = 3$.

38f $\square 2 \log(0,5) = 2 \log(\frac{1}{2}) = 2 \log(2^{-1}) = -1$.

38b $\square 10 \log(0,1) = 10 \log(\frac{1}{10}) = 10 \log(10^{-1}) = -1$.

38g $\square 4 \log(0,25) = 4 \log(\frac{1}{4}) = 4 \log(4^{-1}) = -1$.

38c $\square 2 \log(4) = 2 \log(2^2) = 2$.

38h $\square 4 \log(4) = 4 \log(4^1) = 1$.

38d $\square 7 \log(49) = 7 \log(7^2) = 2$.

38i $\square 4 \log(1) = 4 \log(4^0) = 0$.

38e $\square 2 \log(\sqrt{2}) = 2 \log(2^{\frac{1}{2}}) = \frac{1}{2}$.

39a $\square 2 \log(64 \cdot \sqrt{2}) = 2 \log(2^6 \cdot 2^{\frac{1}{2}}) = 2 \log(2^{6\frac{1}{2}}) = 6\frac{1}{2}$.

39f $\square \frac{1}{2} \log(\frac{1}{4}) = \frac{1}{2} \log((\frac{1}{2})^2) = 2$.

39b $\square 3 \log(\frac{1}{9} \cdot \sqrt{3}) = 3 \log(3^{-2} \cdot 3^{\frac{1}{2}}) = 3 \log(3^{-1\frac{1}{2}}) = -1\frac{1}{2}$.

39g $\square 2 \log(\frac{1}{32} \cdot \sqrt[3]{2}) = 2 \log(2^{-5} \cdot 2^{\frac{1}{3}}) = 2 \log(2^{-4\frac{2}{3}}) = -4\frac{2}{3}$.

39c $\square 3 \log(3^{21,5}) = 21,5$.

39h $\square 5 \log(1) = 5 \log(5^0) = 0$.

39d $\square 5 \log(\frac{1}{125}) = 5 \log(5^{-3}) = -3$.

39i $\square 3 \log(81 \cdot \sqrt[5]{27}) = 3 \log(3^4 \cdot 3^{\frac{3}{5}}) = 3 \log(3^4 \cdot 3^{\frac{3}{5}}) = 3 \log(3^{4\frac{3}{5}}) = 4\frac{3}{5}$.

39e $\square \frac{1}{3} \log(\frac{1}{27}) = \frac{1}{3} \log((\frac{1}{3})^3) = 3$.

40a $\square 2 \log(2^8) = 8$.

40b $\square 3 \log(3^{-3}) = -3$.

40c $\square 5 \log(5^{\frac{1}{2}}) = \frac{1}{2}$.

■

41a $\square 3 \log(x+2) = 2$

41c $\square 3 \log(2x+1) = 4$

41e $\square \frac{1}{2} \log(x-1) = 3$

$x+2 = 3^2 = 9$

$2x+1 = 3^4 = 81$

$x-1 = (\frac{1}{2})^3 = \frac{1}{8}$

$x = 7$.

$2x = 80$

$x = 1\frac{1}{8}$.

$x = 40$.

41b $\square 1 + \frac{1}{2} \log(x) = 4$

41d $\square 5 + 4 \log(x) = 3$

41f $\square 2 \log(x^2 - 4) = 5$

$\frac{1}{2} \log(x) = 3$

$4 \log(x) = -2$

$x^2 - 4 = 2^5 = 32$

$x = (\frac{1}{2})^3 = \frac{1}{8}$

$x = 4^{-2} = \frac{1}{4^2} = \frac{1}{16}$

$x^2 = 36$

42a $\square 4 \cdot 3 \log(x) = 2$

42c $\square 3 + 2 \log(x) = -1$

42e $\square 3 \log(0,4x-5) = 2$

$3 \log(x) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

$2 \log(x) = -4$

$0,4x-5 = 3^2 = 9$

$x = 3^{\frac{1}{2}} = \sqrt{3}$

$x = 2^{-4} = \frac{1}{2^4} = \frac{1}{16}$

$0,4x = 14$

$x = \frac{14}{0,4} = \frac{140}{4} = 35$.

42b ${}^3\log(4x-1) = -2$
 $4x-1 = 3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$
 $4x = 1\frac{1}{9}$
 $x = \frac{1\frac{1}{9}}{4} = \frac{10}{9} \cdot \frac{1}{4} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18}.$

42d ${}^5\log(3x+2) = 1$
 $3x+2 = 5^1 = 5$
 $3x = 3$
 $x = 1.$

42f $4 + 2 \cdot {}^2\log(x) = 7$
 $2 \cdot {}^2\log(x) = 3$
 ${}^2\log(x) = \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$
 $x = 2^{1\frac{1}{2}} = 2^1 \cdot 2^{\frac{1}{2}} = 2 \cdot \sqrt{2}.$

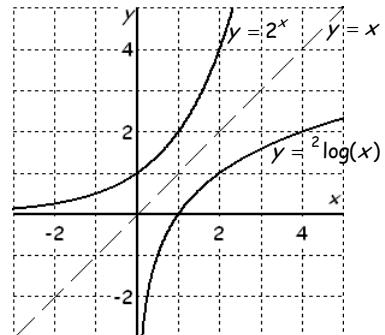
43a

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
$y = 2^x$	$2^{-3} = \frac{1}{8}$	$2^{-2} = \frac{1}{4}$	$2^{-1} = \frac{1}{2}$	$2^0 = 1$	$2^1 = 2$	$2^2 = 4$	$2^3 = 8$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
$y = {}^2\log(x)$	-3	-2	-1	0	1	2	3

43b Zie de grafieken hiernaast. (gebruik de tabellen hierboven)

43c $f(x) = 2^x$ spiegelen in de lijn $y=x$ (x en y verwisselen) $\rightarrow g(x) = {}^2\log(x).$



44a

x	$3^{-2} = \frac{1}{9}$	$3^{-1} = \frac{1}{3}$	$3^0 = 1$	$3^1 = 3$	$3^2 = 9$
$f(x) = {}^3\log(x)$	-2	-1	0	1	2

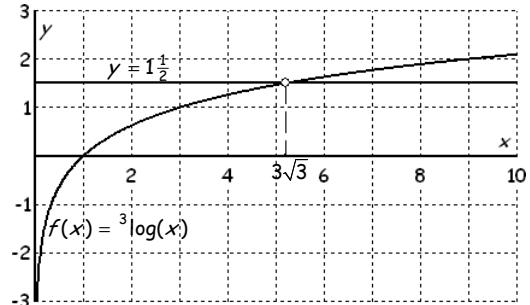
44b Zie de grafiek hiernaast. (gebruik de tabel hierboven)

44c $D_f = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow x$ mag alleen uit $\langle 0, \rightarrow \rangle$ genomen worden.

$$f(x) = {}^3\log(x) = 1\frac{1}{2}$$

$$x = 3^{1\frac{1}{2}} = 3^1 \cdot 3^{\frac{1}{2}} = 3\sqrt{3}.$$

Met de grafiek vind je dan: $f(x) \leq 1\frac{1}{2}$ geeft $0 < x \leq 3\sqrt{3}.$



44d $x = \sqrt{3}$ geeft $f(\sqrt{3}) = {}^3\log(\sqrt{3}) = {}^3\log(3^{\frac{1}{2}}) = \frac{1}{2}$ en $x = 27$ geeft $f(27) = {}^3\log(27) = {}^3\log(3^3) = 3.$

Voor $\sqrt{3} \leq x \leq 27$ is $\frac{1}{2} \leq f(x) \leq 3.$

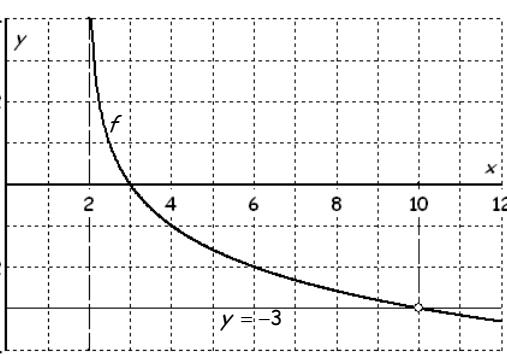
45a

x	6	4	3	$2\frac{1}{2}$	$2\frac{1}{4}$
$f(x) = \frac{1}{2}\log(x-2)$	-2	-1	0	1	2

45b Zie de grafiek hiernaast. (gebruik de tabel hierboven)

45c $x = 2\frac{1}{8}$ geeft $f(2\frac{1}{8}) = \frac{1}{2}\log(\frac{1}{8}) = \frac{1}{2}\log((\frac{1}{2})^3) = 3.$

Voor $x \geq 2\frac{1}{8}$ is $f(x) \leq 3.$ (gebruik de grafiek)



45d $D_f = \langle 2, \rightarrow \rangle \Rightarrow x$ mag alleen uit $\langle 2, \rightarrow \rangle$ genomen worden.

$$f(x) = \frac{1}{2}\log(x-2) = -3$$

$$x-2 = (\frac{1}{2})^{-3} = (2^{-1})^{-3} = 2^3 = 8$$

$x = 10.$ Gebruik makend van de grafiek en het domein vind je dan: $f(x) \geq -3$ geeft $2 < x \leq 10.$

46 $2^2\log(8) = 2^2\log(2^3) = 2^3 = 8;$ $3^3\log(9) = 3^3\log(3^2) = 3^2 = 9;$ $2^2\log(\frac{1}{2}) = 2^2\log(2^{-1}) = 2^{-1} = \frac{1}{2}.$
Dus $2^2\log(8) = 8;$ $3^3\log(9) = 9;$ $2^2\log(\frac{1}{2}) = \frac{1}{2}.$ (algemeen geldt: $g^a \log(a) = a$)

47a $\log(100) = 2$ en $\log(1000) = 3.$

47b Het grondtal is 10, omdat ${}^{10}\log(100) = {}^{10}\log(10^2) = 2$ en ${}^{10}\log(1000) = {}^{10}\log(10^3) = 3.$ (op het toetsenscherm van de GR is ook te zien dat 2^{nd}LOG hetzelfde is als 10^x)

$\log(100)$	2
$\log(1000)$	3

48a ${}^3\log(5) = \frac{\log(5)}{\log(3)} \approx 1,46.$

$\log(5)/\log(3)$
 $1,464973521$
 $10^{\log(5)/\log(3)}$
 $1,485357255$

48b ${}^{\frac{1}{7}}\log(18) = \frac{\log(18)}{\log(\frac{1}{7})} \approx -1,49.$

$\log(18)/\log(\frac{1}{7})$
 $1,485357255$
 $10^{\log(18)/\log(\frac{1}{7})-1}$
 $0,9(6)/\log(2)$
 $1,736965594$

48c ${}^2\log(20) - {}^2\log(6) = \frac{\log(20)}{\log(2)} - \frac{\log(6)}{\log(2)} \approx 1,74.$

48d $\frac{1}{3}\log(10) + \log(\frac{1}{3}) = \frac{\log(10)}{\log(\frac{1}{3})} + \log(\frac{1}{3}) \approx -2,57.$

48e $3 \cdot {}^2\log(7) = 3 \cdot \frac{\log(7)}{\log(2)} \approx 8,42.$

48f $\frac{5}{4\log(12)} = \frac{5}{\frac{\log(12)}{\log(4)}} \approx 2,79.$

$\log(10)/\log(1/3)$	
$-2,573024529$	

$3 \cdot \log(7)/\log(2)$	
$8,422064766$	

$5 / (\log(12) / \log(4))$	
$2,789429457$	

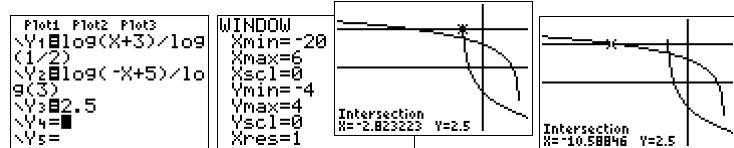
GA DIT ZELF NA

53b $\frac{1}{2} \log(x+3) = 5$
 $x+3 = \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32}$
 $x = -2\frac{31}{32}.$

53c $g(-4) = 3 \log(9) = 3 \log(3^2) = 2$ (of met TABLE).
Voor $x \geq -4$ is $g(x) \leq 2$ (gebruik de grafiek).

53d $\frac{1}{2} \log(x+3) = 1$
 $x+3 = \left(\frac{1}{2}\right)^1 = \frac{1}{2}$
 $x = -2\frac{1}{2}$. Met de grafiek: $f(x) \geq 1$ voor $-3 < x \leq -2\frac{1}{2}$.

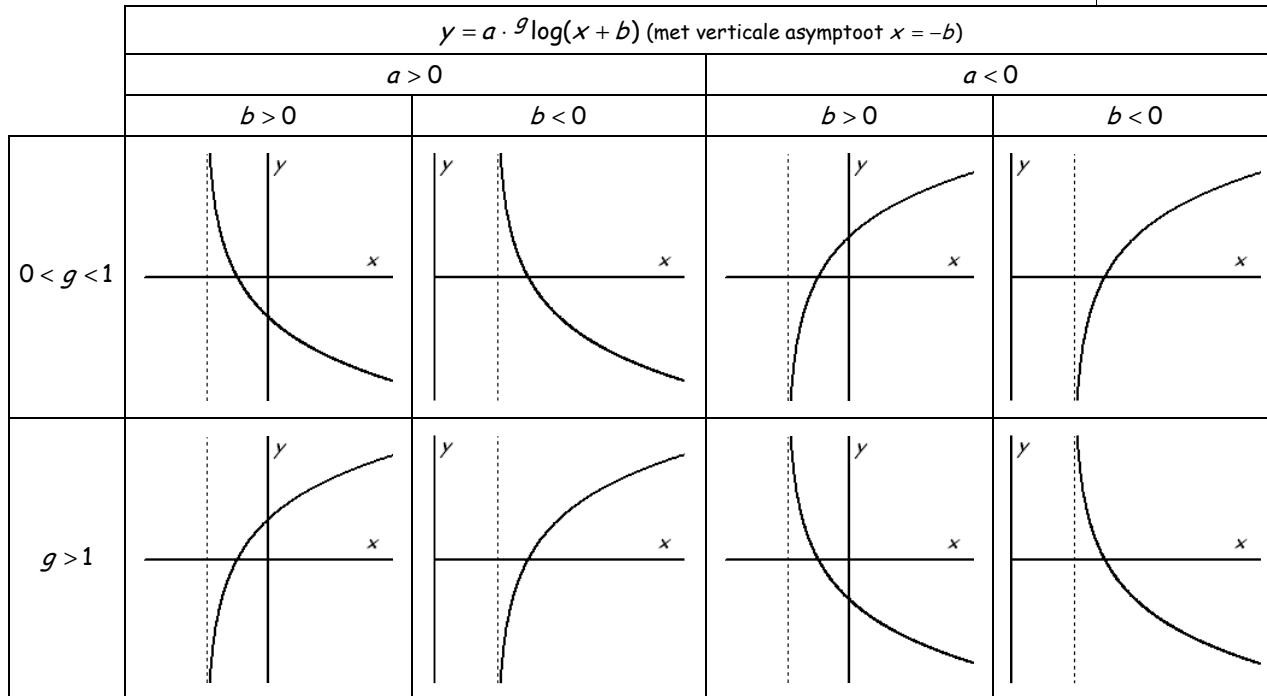
53e $f(x) = g(x)$ (intersect) $\Rightarrow x \approx -2,72 \vee x \approx 4,96$.
 $f(x) \leq g(x)$ geeft $-2,72 \leq x \leq 4,96$ (gebruik de grafiek).



53f $f(x) = 2,5$ (intersect) $\Rightarrow x \approx -2,823$.
 $g(x) = 2,5$ (intersect) $\Rightarrow x \approx -10,588$.
De lengte van lijnstuk AB $\approx -2,823 - -10,588 \approx 7,77$.

$-2.823 + 10.588 = 7.765$

54



55a $21 = 1 + k \cdot \log(100)$

$20 = k \cdot \log(10^2) = k \cdot 2$

$10 = k$.

55b $din = 1 + 10 \cdot \log(400) \approx 27$. $\frac{1+10*\log(400)}{27.02059991}$
Dus 27 DIN.

55c

$24 = 1 + 10 \cdot \log(iso)$ (intersect of algebraisch)

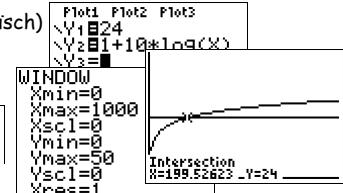
$23 = 10 \cdot \log(iso)$

$\log(iso) = 2,3$

$iso = 10^{2,3} \approx 200$.

$10^{2,3} = 199.5262315$

Dus 200 ISO/ASA.



56a $E = 1,5 \cdot 10^7$ (kJ) geeft $R = 0,67 \cdot \log(1,5 \cdot 10^7) - 0,9 \approx 3,9$.

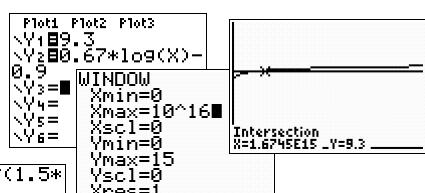
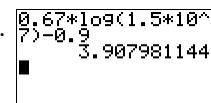
56b $9,3 = 0,67 \cdot \log(E) - 0,9$ (intersect of algebraisch)

$10,2 = 0,67 \cdot \log(E)$

$\log(E) = \frac{10,2}{0,67} \approx 15,22$

$E = 10^{15,22} \approx 1,67 \cdot 10^{15}$ (kJ). $\frac{10^{15,22}}{10^{15}} = 1,67 \cdot 10^{15}$

56c $\frac{1,67 \cdot 10^{15}}{1,5 \cdot 10^7} \approx 110000000$. Dus ongeveer 110 miljoen keer zo sterk.



57 Nee, want vanaf 150 decibel moet je rekenen op ernstige beschadigingen van je gehoororganen en dat is bij tien pratende leerlingen niet.

58 $10 \cdot \log\left(\frac{I_{\text{vrachtwagen}}}{I_0}\right) = 65$ (dB)

$\log\left(\frac{I_{\text{vrachtwagen}}}{10^{-12}}\right) = 6,5$

$\frac{I_{\text{vrachtwagen}}}{10^{-12}} = 10^{6,5}$

$I_{\text{vrachtwagen}} = 10^{6,5} \cdot 10^{-12} = 10^{-5,5}$ (W/m²).

$10 \cdot \log\left(\frac{I_{\text{trein}}}{I_0}\right) = 72$ (dB)

$\log\left(\frac{I_{\text{trein}}}{10^{-12}}\right) = 7,2$

$\frac{I_{\text{trein}}}{10^{-12}} = 10^{7,2}$

$I_{\text{trein}} = 10^{-4,8}$ (W/m²).

$I_{\text{totaal}} = 10^{-5,5} + 10^{-4,8}$ (W/m²)

$L = 10 \cdot \log\left(\frac{10^{-5,5} + 10^{-4,8}}{10^{-12}}\right) \approx 73$ (dB).

Het geluidsniveau stijgt met $73 - 65 = 8$ dB.

FORMULE HOEF JE NIET TE KENNEN

$10 \cdot \log((10^{-5,5} + 10^{-4,8}) / 10^{-12}) = 72.7900975$

- 59a Geluidsintensiteit $I = 10^{-5}$ (W/m²) \Rightarrow geluidsniveau $L = 10 \cdot \log\left(\frac{10^{-5}}{10^{-12}}\right) = 70$ (dB). $10 \cdot \log(10^{-5}/10^{-12})$
 $10 \cdot \log(0,25 \cdot 10^{-5}/10^{-12})$
 63.97940009
- Geluidsintensiteit $I = 0,25 \cdot 10^{-5}$ (W/m²) \Rightarrow geluidsniveau $L = 10 \cdot \log\left(\frac{0,25 \cdot 10^{-5}}{10^{-12}}\right) \approx 64$ (dB). Het geluidsniveau daalt dus met ongeveer 6 dB.
- 59b In een open ruimte de afstand tot de geluidsnorm verdubbelen \Rightarrow geluidsintensiteit wordt het vierde deel (gegeven). Daarna in 59a aangetoond dat het geluidsniveau dan met ongeveer 6 dB daalt. Nog een keer verdubbelen van de afstand betekent dat het geluidsniveau ook nog eens met ongeveer 6 dB daalt. Het geluidsniveau op 120 = $2 \times (2 \times 30)$ meter is dan ongeveer $85 - 6 - 6 = 73$ dB.
- 60 $10 \cdot \log\left(\frac{I_5 \text{ boxen}}{I_0}\right) = 80$ (dB) $10 \cdot \log\left(\frac{I_{\text{totaal}}}{I_0}\right) = 90$ (dB)
 $\log\left(\frac{I_5 \text{ boxen}}{10^{-12}}\right) = 8$ $\log\left(\frac{I_{\text{totaal}}}{10^{-12}}\right) = 9$
 $\frac{I_5 \text{ boxen}}{10^{-12}} = 10^8$ $\frac{I_{\text{totaal}}}{10^{-12}} = 10^9$
 $I_5 \text{ boxen} = 10^8 \cdot 10^{-12} = 10^{-4}$ (W/m²). $I_{\text{totaal}} = 10^9 \cdot 10^{-12} = 10^{-3}$ (W/m²).
Dus $I_1 \text{ box} = \frac{10^{-4}}{5} = 0,2 \cdot 10^{-4}$ (W/m²). Er komen totaal $\frac{10^{-3}}{0,2 \cdot 10^{-4}} = 50$ boxen \Rightarrow 45 boxen er nog bij plaatsen.
- 61a $\frac{100000}{10} = 10000$, dus de walvis is 10000 keer zo zwaar als de wasbeer.
 $\frac{100000}{0,002} = 50000000$, dus de walvis is 50000000 keer zo zwaar als de kolibri. $100000/10$
 $100000/0,002$
 50000000
- 61b $100000 \text{ kg} = 100000000 \text{ gram} \Rightarrow$ de getallenlijn moet 100000000 mm = 100000 m = 100 km lang worden.
- 61c De getallenlijn moet nu 100 mm = 10 cm lang worden.
De eerste acht gewichten komen dan binnen de eerste 0,6 mm en zijn dan niet meer te onderscheiden.
- 62 $\log(0,002) \approx -2,7$ $\log(0,002)$
 $-2,698970004$ $\log(0,02) \approx -1,7$ $\log(0,02)$
 $-1,698970004$ $\log(0,1) = -1$ $\log(0,1)$
 -1 ■ $\log(0,9) \approx -0,05$ $\log(0,9)$
 $-0,457574906$ $\log(10) = 1$ $\log(10)$
 1 $\log(50) \approx 1,7$ $\log(50)$
 $1,698970004$ ■ $\log(100) = 2$ $\log(100)$
 2 $\log(600) \approx 2,8$ $\log(600)$
 $2,77815125$ $\log(1500) \approx 3,2$ $\log(1500)$
 $3,176091259$ $\log(100000) = 5$ $\log(100000)$
 5 ■
-
- 63a $\log(0,135) \approx -0,9$ $\log(0,135)$
 $-0,8696662315$ $\log(0,15) \approx -0,8$ $\log(0,15)$
 $-0,8339087409$ $\log(3,5) \approx 0,5$ $\log(3,5)$
 $0,5440680444$ ■ $\log(34) \approx 1,5$ $\log(34)$
 $1,531478917$ $\log(119) \approx 2,1$ $\log(119)$
 $2,075546961$ $\log(245) \approx 2,4$ $\log(245)$
 $2,389166084$ $\log(12860) \approx 4,1$ $\log(12860)$
 $4,109240969$ $\log(102300) \approx 5,0$ $\log(102300)$
 $5,009875634$ ■
-
- 63b $\log(G) = -0,04 \Rightarrow G = 10^{-0,04} \approx 0,9$ (kg) \Rightarrow de Technopower radial weegt ongeveer 0,9 kg.
 $\log(G) = 3,1 \Rightarrow G = 10^{3,1} \approx 1260$ (kg) \Rightarrow de Allison V-3420 weegt ongeveer 1260 kg. $10^{-0,04}$
 $0,9120108394$ $10^{3,1}$
 $1258,925412$
- 64 $\log(88) \approx 1,9$ $\log(88)$
 $1,944482672$ $\log(687) \approx 2,8$ $\log(687)$
 $2,836956737$ $\log(84,08 \cdot 365) \approx 4,5$ $\log(84,08 \cdot 365)$
 $4,486985567$ $\log(225) \approx 2,4$ $\log(225)$
 $2,352182518$ $\log(11,86 \cdot 365) \approx 3,6$ $\log(11,86 \cdot 365)$
 $3,636377553$ $\log(164,8 \cdot 365) \approx 4,8$ $\log(164,8 \cdot 365)$
 $4,779250072$ $\log(365) \approx 2,6$ $\log(365)$
 $2,562292864$ $\log(29,46 \cdot 365) \approx 4,0$ $\log(29,46 \cdot 365)$
 $4,031525607$ ■ $\log(248,4 \cdot 365) \approx 5,0$ $\log(248,4 \cdot 365)$
 $4,957444456$ ■
-
- 65a $A: 1,3$ $B: 7,5$ $C: 23$ $D: 55$ $E: 150$ $F: 2400$.
- 65b Wel bij 550 210 9,5 en 2,4. Niet bij 310 49 1,25 en 0.
- 65c $A: 1300$ $B: 7500$ $C: 23000$ $D: 55000$ $E: 150000$ $F: 2400000$.
- 66a Tong: minimale aanvoer 11000×1000 kg = 11 miljoen kg en maximale aanvoer 25000×1000 kg = 25 miljoen kg.
- 66b In 2001 werd 53000×1000 kg = 53 miljoen kg schol aangevoerd en 2900×1000 kg = 2,9 miljoen kg tarbot.
Dus $\frac{53}{2,9} \approx 18$ keer zoveel. $53/2,9$
 18.27586207

- 66c In 2003 werd $13500 \times 1000 \text{ kg} = 13,5 \text{ miljoen kg}$ tong aangevoerd en in 1994 was dat 25 miljoen kg (zie 66a).
Dus in 2003 is het $\frac{25-13,5}{25} \times 100\% = 46\%$ minder dan in 1994.

- 66d De grootste waarde (schol in 1994) is $66000 \times 1000 \text{ kg} = 66 \text{ miljoen kg} \Rightarrow$ de grafiek zou 66 cm hoog worden.

- 67ac Haal de waarden uit de tabel (op de GR) hieronder.

Plot1	Plot2	Plot3	X	Y1	Y2	X	Y3	Y4
$\checkmark Y_1 = 3^x$			0	1	4	0	3	5000
$\checkmark Y_2 = 4 \cdot 3^x$			1	4	16	1	12	1600
$\checkmark Y_3 = 3 \cdot 4^x$			2	8	32	2	24	512
$\checkmark Y_4 = 5000 \cdot 0,6^x$			3	16	96	3	72	233,28
$\checkmark Y_5 = \blacksquare$			4	32	256	4	128	38,984
$\checkmark Y_6 = \blacksquare$			5	64	512	5	256	11,99216
$\checkmark Y_7 = \blacksquare$			6	128	1024	6	512	5,99608
			7	256	2048	7	1024	2,99804
			8	512	4096	8	2048	1,49902
			9	1024	8192	9	4096	0,749512
			10	2048	16384	10	8192	0,374756
			11	4096	32768	11	16384	0,187378
			12	8192	65536	12	32768	0,093689
			X=0					
								$Y_4 = 5000 \cdot 0,6^x$

- 67bc Zie de grafieken op het logaritmisch papier hiernaast.
De grafieken worden rechte lijnen.

- 68a Rechte lijn op logaritmisch papier $\Rightarrow N = b \cdot g^t$.

Lijn door (1, 30) en (7, 400), dus

$$g_{6 \text{ dagen}} = \frac{400}{30} \Rightarrow g_{\text{dag}} = \left(\frac{400}{30} \right)^{\frac{1}{6}} \approx 1,540.$$

$$\begin{aligned} N &= b \cdot 1,540^t \\ \text{door } (1, 30) \quad \left. \right\} &\Rightarrow 30 = b \cdot 1,540^1 \\ b &= \frac{30}{1,540} \approx 19,5. \end{aligned}$$

Dus $N = 19,5 \cdot 1,540^t$.

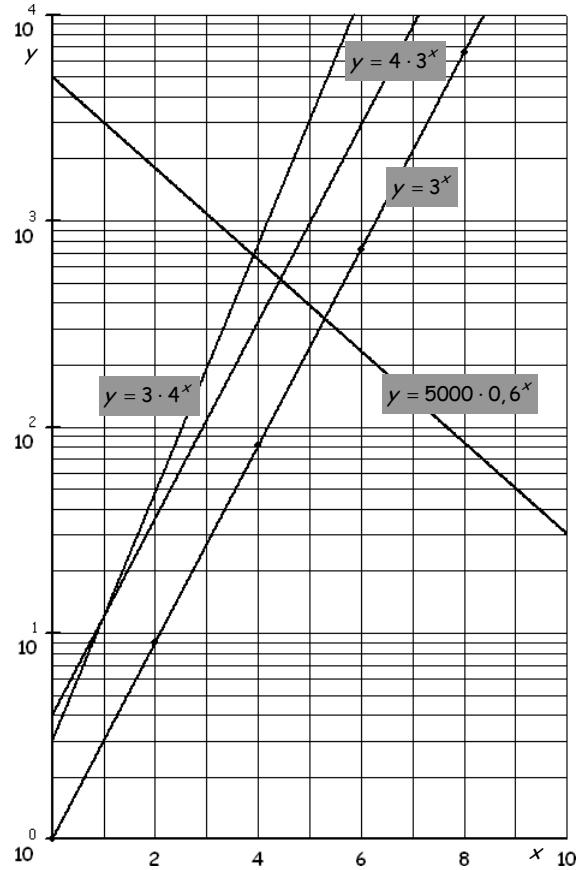
- 68b Rechte lijn op logaritmisch papier $\Rightarrow N = b \cdot g^t$.

Lijn door (2, 100) en (6, 20), dus

$$g_{4 \text{ dagen}} = \frac{20}{100} = 0,2 \Rightarrow g_{\text{dag}} = 0,2^{\frac{1}{4}} \approx 0,669.$$

$$\begin{aligned} N &= b \cdot 0,669^t \\ \text{door } (2, 100) \quad \left. \right\} &\Rightarrow 100 = b \cdot 0,669^2 \\ b &= \frac{100}{0,669^2} \approx 224. \end{aligned}$$

Dus $N = 224 \cdot 0,669^t$.



- 69a De grafieken van B en C zijn rechte lijnen (op logaritmisch papier), dus daar hoort exponentiële groei bij.

$$\text{Grafiek } B \text{ door } (0, 60) \text{ en } (5, 80) \Rightarrow g_{5 \text{ dagen}} = \frac{80}{60} \Rightarrow g_{\text{dag}} = \left(\frac{80}{60} \right)^{\frac{1}{5}} \approx 1,059 \Rightarrow L = 60 \cdot 1,059^t.$$

$$\text{Grafiek } C \text{ door } (5, 40) \text{ en } (25, 300) \Rightarrow \text{dus } g_{20 \text{ dagen}} = \frac{300}{40} = 7,5 \Rightarrow g_{\text{dag}} = 7,5^{\frac{1}{20}} \approx 1,106$$

$$L = b \cdot 1,106^5 \text{ door } (5, 40) \Rightarrow 40 = b \cdot 1,106^5 \Rightarrow b = \frac{40}{1,106^5} \approx 24 \Rightarrow L = 24 \cdot 1,106^t.$$

$$\begin{aligned} 80/60 &= 1.333333333 \\ \text{Ans}^{(1/5)} &= 1.059223841 \\ \blacksquare &= 300/40 = 7.5 \\ \text{Ans}^{(1/20)} &= 1.105994744 \\ 40/\text{Ans}^{(5)} &= 24.17100318 \end{aligned}$$

- 69b Teken in het ►werkboek de lijn door (5, 30) en (25, 400). **ZELF DOEN**

- 69c Teken in het ►werkboek de lijn door (10, 50) die evenwijdig loopt met de lijn van grafiek B.

- 70a Teken in het ►werkboek met de gegevens uit de tabel 8 punten.

Deze punten liggen vrijwel op een rechte lijn. (zie hiernaast)

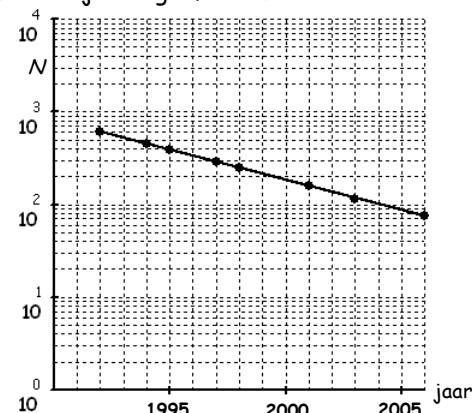
Dus het aantal patrijzen neemt exponentieel af.

- 70b Lijn (op logaritmisch papier) door (2, 610) en (16, 75), dus $N = b \cdot g^t$

$$g_{14 \text{ jaar}} = \frac{75}{610} \Rightarrow g_{\text{jaar}} = \left(\frac{75}{610} \right)^{\frac{1}{14}} \approx 0,861.$$

$$\begin{aligned} N &= b \cdot 0,861^t \\ \text{door } (2, 610) \quad \left. \right\} &\Rightarrow 610 = b \cdot 0,861^2 \\ b &= \frac{610}{0,861^2} \approx 823. \end{aligned}$$

Dus $N = 823 \cdot 0,861^t$ ($t = 0$ in 1990).



- 71a Teken in het ►werkboek met de gegevens uit de tabel 7 punten. Ze liggen vrijwel op een rechte lijn (ga dit zelf na).

- 71b Lijn (op logaritmisch papier) door (1, 10) en (19, 0,5), dus $C = b \cdot g^t$

$$g_{18 \text{ uren}} = \frac{0,5}{10} = 0,05 \Rightarrow g_{\text{uur}} = 0,05^{\frac{1}{18}} \approx 0,847.$$

$$\begin{aligned} C &= b \cdot 0,847^t \\ \text{door } (1, 10) \quad \left. \right\} &\Rightarrow 10 = b \cdot 0,847^1 \Rightarrow b = \frac{10}{0,847} \approx 11,8 \Rightarrow C = 11,8 \cdot 0,847^t. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 0.5/10 &= .05 \\ \text{Ans}^{(1/18)} &= .846682446 \\ 10/\text{Ans} &= 11.8100035 \end{aligned}$$

71c Bij x liter bloed is de concentratie op $t = 0$ gelijk aan $\frac{60}{x}$ mg/l $\Rightarrow \frac{60}{x} = \frac{11,8}{1} \Rightarrow 11,8x = 60 \Rightarrow x = \frac{60}{11,8} \approx 5,1$ (liter bloed).

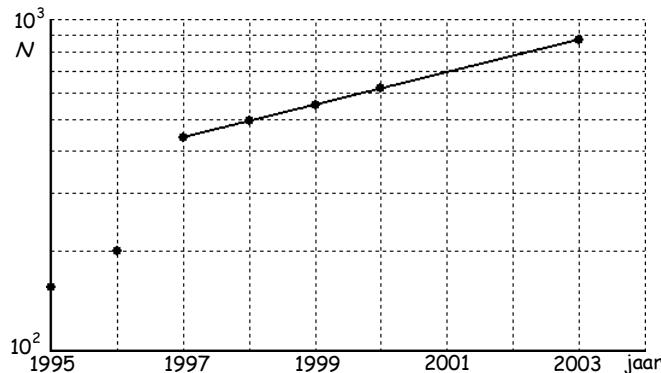
72a Teken in het werkboek met de gegevens 7 punten.

72b Vanaf 1997 liggen de punten vrijwel op een rechte lijn.
Dus vanaf 1997 is de groei exponentieel.

72c Lijn (op logaritmisch papier) door $(2, 441)$ en $(8, 870)$

$$g_6 \text{ dagen} = \frac{870}{441} \Rightarrow g_{\text{dag}} = \left(\frac{870}{441} \right)^{\frac{1}{6}} \approx 1,12.$$

$$\begin{aligned} N &= b \cdot 1,12^t \\ \text{door } (2, 441) \quad \left\{ \begin{array}{l} 441 = b \cdot 1,12^2 \\ b = \frac{441}{1,12^2} \approx 352. \end{array} \right. \\ &\text{Dus } N = 352 \cdot 1,12^t. \end{aligned}$$



73a $21,7 \cdot 1,026^t = 21,7 \cdot 2$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 27$ (jaar).

73b $19,6 \cdot 1,026^t = 19,6 \cdot 2$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 27$ (jaar).

73c Verdubbelingstijd hangt niet van de beginhoeveelheid af.

74 $g_{\text{jaar}} = 0,88 \Rightarrow g_{\text{maand}} = 0,88^{\frac{1}{12}}$.

$$\left(0,88^{\frac{1}{12}}\right)^T = \frac{1}{2} \quad (T \text{ in maanden}) \Rightarrow T = 0,88^{\frac{1}{12}} \log\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\log\left(\frac{1}{2}\right)}{\log(0,88^{\frac{1}{12}})} \approx 65 \text{ (maanden).}$$

75a $1,131^T = 2$ (intersect of) $\Rightarrow T = 1,131 \log(2) = \frac{\log(2)}{\log(1,131)} \approx 5,63$ (jaar).

De verdubbelingstijd is 5 jaar en 8 maanden.

75b $0,915^T = \frac{1}{2}$ (intersect of) $\Rightarrow T = 0,915 \log\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\log\left(\frac{1}{2}\right)}{\log(0,915)} \approx 7,80$ (weken).

De halveringstijd is 7 weken en 6 dagen.

76a $1,011^T = 2$ (intersect of) $\Rightarrow T = 1,011 \log(2) = \frac{\log(2)}{\log(1,011)} \approx 63,4$ (jaar).

76b $1,083^T = 2$ (intersect of) $\Rightarrow T = 1,083 \log(2) = \frac{\log(2)}{\log(1,083)} \approx 8,7$ (blokken van 10 jaar).

De verdubbelingstijd is 87 jaar.

77a $0,917^T = \frac{1}{2}$ (intersect of) $\Rightarrow T = 0,917 \log\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\log\left(\frac{1}{2}\right)}{\log(0,917)} \approx 8$ (dagen).

77b $0,917^T = \frac{10}{100} = 0,1$ (intersect of) $\Rightarrow T = 0,917 \log(0,1) = \frac{\log(0,1)}{\log(0,917)} \approx 27$ (dagen).

78a $g_{10 \text{ dagen}} = 2 \Rightarrow g_{\text{dag}} = 2^{\frac{1}{10}} \approx 1,072 \Rightarrow$ het groeipercentage per dag is 7,2.

78b $g_{25 \text{ jaar}} = 2 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 2^{\frac{1}{25}} \approx 1,028 \Rightarrow$ het groeipercentage per jaar is 2,8.

78c $g_{28 \text{ jaar}} = \frac{1}{2} \Rightarrow g_{\text{jaar}} = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{28}} \approx 0,976 \Rightarrow$ de afname per jaar is 2,4%.

79 Periode 0-1500: $g_{1500 \text{ jaar}} = 2 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 2^{\frac{1}{1500}} \approx 1,0005 \Rightarrow$ de toename per jaar is 0,05%.

1500-1800: $g_{300 \text{ jaar}} = 2 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 2^{\frac{1}{300}} \approx 1,0023 \Rightarrow$ de toename per jaar is 0,23%.

1800-1950: $g_{150 \text{ jaar}} = 2 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 2^{\frac{1}{150}} \approx 1,0046 \Rightarrow$ de toename per jaar is 0,46%.

1950-1986: $g_{36 \text{ jaar}} = 2 \Rightarrow g_{\text{jaar}} = 2^{\frac{1}{36}} \approx 1,0194 \Rightarrow$ de toename per jaar is 1,94%.

1986-2005: $g_{19 \text{ jaar}} = \frac{4,8+1,7}{4,8} = \frac{6,5}{4,8} \Rightarrow g_{\text{jaar}} = \left(\frac{6,5}{4,8}\right)^{\frac{1}{19}} \approx 1,0161 \Rightarrow$ de toename per jaar is 1,61%.

$$60/11,8 \quad 5,084745763$$

$$2^{(1/1500)} \quad 1,000462205 \\ \text{Ans}*100-100 \quad 0,000462204904 \\ 2^{(1/300)} \quad 1,002313162 \\ 2^{(1/150)} \quad 1,004631674 \\ 2^{(1/36)} \quad 1,019440644 \\ 4,8+1,7 \quad 6,5 \\ \text{Ans}/4,8 \quad 1,354166667 \\ \text{Ans}^{(1/19)} \quad 1,016085167$$

80 $\left(\frac{1}{2}\right)^{\tau} = 0,53 \Rightarrow$ het aantal halveringstijden is $\tau = \frac{1}{2} \log(0,53) = \frac{\log(0,53)}{\log(\frac{1}{2})} \approx 0,9159.$
 $Ans \times 5730 \approx 5248 \Rightarrow$ Ötzi was in 1991 waarschijnlijk al 5248 jaar overleden.
 $1991 - 5248 = -3257 \Rightarrow$ Ötzi is waarschijnlijk overleden in 3257 voor Christus.

$\frac{\log(0,53)}{\log(\frac{1}{2})}$
Ans*5730
5248.311763
1991-5248 -3257

81a $2006 + 217 = 2223 \Rightarrow$ het aantal halveringstijden is $\tau = \frac{2223}{5730} \Rightarrow$ van $^{14}_6 C$ was nog $\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{2223}{5730}} \cdot 100 \approx 76,421\%$ over.

81b $\left(\frac{1}{2}\right)^{\tau} = 0,77293 \Rightarrow \tau = \frac{1}{2} \log(0,77293) = \frac{\log(0,77293)}{\log(\frac{1}{2})} \approx 0,3716.$
 $Ans \times 5730 \approx 2129$ (jaar) \Rightarrow het verschil is $2223 - 2129 = 94$ jaar.

$\frac{\log(0,77293)}{\log(\frac{1}{2})}$
Ans*5730
2129.212601
2223-2129 94

$(\frac{1}{2})^{\frac{2223}{5730}}$
Ans*100
76.42104469

82a $\left(\frac{1}{2}\right)^{\tau} = 0,0002 \Rightarrow$ het aantal halveringstijden $\tau = \frac{1}{2} \log(0,0002) = \frac{\log(0,0002)}{\log(\frac{1}{2})} \approx 12,3.$
Na $Ans \times 8,0 \approx 98$ dagen was nog maar 0,02% van het radioactief jodium over.

82b $g_{8 \text{ dagen}} = \frac{1}{2}$ of $(g_{\text{dag}})^8 = \frac{1}{2} \Rightarrow g_{\text{dag}} = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{8}} \approx 0,917 \Rightarrow$ per dag verdwijnt 8,3%.

$\frac{\log(0,0002)}{\log(\frac{1}{2})}$
Ans*8,0
98.30169904

$(\frac{1}{2})^{\frac{1}{8}}$
Ans*100-100
-8.29959568

Diagnostische toets

D1ac $y = 3^x \xrightarrow{\text{translatie } (2, -3)} f(x) = 3^{x-2} - 3.$

$B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B_f = \langle -3, \rightarrow \rangle$

$y = \left(\frac{1}{3}\right)^x \xrightarrow{\text{verm. } x\text{-as}, 4} y = 4 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x \xrightarrow{\text{translatie } (0, -6)} g(x) = 4 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x - 6.$

$B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B = \langle 0, \rightarrow \rangle \Rightarrow B_g = \langle -6, \rightarrow \rangle$

D1b **Zie de grafieken hiernaast (maak eerst een tabel op de GR).**

D1d $f(x) = g(x)$ (intersect) $\Rightarrow x \approx 0,22.$

In de grafiek (of een plot) lees je dan af:
 $f(x) \geq g(x)$ voor $x \geq 0,22.$

D1e $4 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x - 6 = 6$

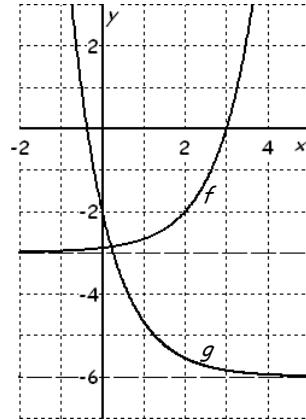
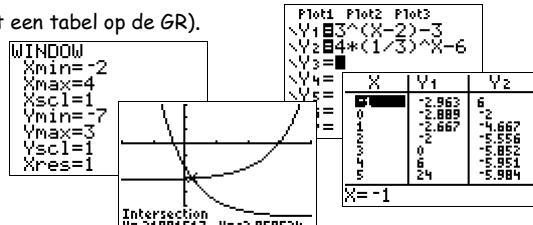
$4 \cdot (3^{-1})^x = 12$

$3^{-x} = 3 = 3^1$

$-x = 1$

$x = -1.$ In de grafiek lees je dan af:

$g(x) \leq 6$ geeft $x \geq -1.$



D1f $B_f = \langle -3, \rightarrow \rangle$ en $f(4) = 3^2 - 3 = 9 - 3 = 6$ (of met TABLE).
In de grafiek lees je dan af: voor $x \leq 4$ geldt $-3 < f(x) \leq 6.$

D2a $5^{x-1} = 125 \cdot \sqrt[3]{5}$

$5^{x-1} = 5^3 \cdot 5^{\frac{1}{3}}$

$5^{x-1} = 5^{\frac{10}{3}}$

$x-1 = 3\frac{1}{3}$

$x = 4\frac{1}{3}.$

D2b $3^{2x-5} = \frac{1}{27} \cdot \sqrt{3}$

$3^{2x-5} = \frac{1}{3^3} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$

$3^{2x-5} = 3^{-3} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$

$3^{2x-5} = 3^{-\frac{5}{2}}$

$2x-5 = -2\frac{1}{2}$

$2x = 2\frac{1}{2}$

$x = 1\frac{1}{4}.$

D2c $2 \cdot 4^{2x-1} - 3 = 61$

$2 \cdot 4^{2x-1} = 64$

$4^{2x-1} = 32$

$(2^2)^{2x-1} = 2^5$

$2^{2(2x-1)} = 2^5$

$4x-2 = 5$

$4x = 7$

$x = \frac{7}{4} = 1\frac{3}{4}.$

D2d $(\frac{1}{2})^{3x+1} + 6 = 6\frac{1}{8}$

$(\frac{1}{2})^{3x+1} = \frac{1}{8}$

$(\frac{1}{2})^{3x+1} = (\frac{1}{2})^3$

$3x+1 = 3$

$3x = 2$

$x = \frac{2}{3}.$

D3a $9^{x-1} = 27^{x+1}$

$(3^2)^{x-1} = (3^3)^{x+1}$

$3^{2(x-1)} = 3^{3(x+1)}$

$2x-2 = 3x+3$

$-x = 5$

$x = -5.$

D3b $2^{x+2} + 2^{x-1} = 36$

$2^{x+1} \cdot 2^3 + 2^{x-1} = 36$

$8 \cdot 2^{x-1} + 1 \cdot 2^{x-1} = 36$

$9 \cdot 2^{x-1} = 36$

$2^{x-1} = 4 = 2^2$

$x-1 = 2$

$x = 3.$

D3c $3^{x+1} = 3^x + 54$

$3^x \cdot 3^1 = 3^x + 54$

$3 \cdot 3^x = 1 \cdot 3^x + 54$

$2 \cdot 3^x = 54$

$3^x = 27 = 3^3$

$x = 3.$

D3d $2^{x^2} = (\frac{1}{8})^x$

$2^{x^2} = (\frac{1}{2^3})^x$

$2^{x^2} = (2^{-3})^x$

$2^{x^2} = 2^{-3x}$

$x^2 = -3x$

$x^2 + 3x = 0$

$x \cdot (x+3) = 0$

$x = 0 \vee x = -3.$

D4a $H = 20 \cdot 1,07^t$ ($t = 0$ op 1 mei 0:00 uur). $\boxed{(100+7)/100} \quad 1.07$

D4b $H = 20 \cdot 1,07^t = 55$ (intersect) $\Rightarrow t \approx 14,95.$ Dus op 15 mei.

D4c $t = 19$ (20 mei 0:00 uur) tot $t = 20$ (21 mei 0:00 uur). Dus op 20 mei.

D3e $\boxed{\text{Plot1 Plot2 Plot3}}$

$\boxed{Y_1=20*1.07^X}$

$\boxed{Y_2=55}$

$\boxed{Y_3=}$

$\boxed{\text{WINDOW}}$

$\boxed{Xmin=0}$

$\boxed{Xmax=60}$

$\boxed{Xsc1=0}$

$\boxed{Ymin=0}$

$\boxed{Ymax=100}$

$\boxed{Ysc1=0}$

$\boxed{Xres=1}$

$\boxed{\text{Intersection}}$

$\boxed{X=14.951539 \quad Y=55}$

$\boxed{(100+10)/100}$

$\boxed{1.1^7}$

$\boxed{1.9487171}$

$\boxed{\text{Ans}*100-100}$

$\boxed{94.87171}$

$\boxed{\boxed{\quad}}$

$\boxed{(100-36)/100}$

$\boxed{.64}$

$\boxed{0.64^{-(1/12)}}$

$\boxed{.963492484}$

$\boxed{\text{Ans}*100-100}$

$\boxed{-3.6507516}$

$\boxed{\boxed{\quad}}$

$\boxed{1200/1500}$

$\boxed{.8}$

$\boxed{\text{Ans}^{(1/3)}}$

$\boxed{.9283177667}$

$\boxed{1500/\text{Ans}^{(4)}}$

$\boxed{2019.782522}$

D5a $g_{\text{dag}} = 1,1 \Rightarrow g_{\text{week}} = 1,1^7 \approx 1,949.$ Het groeipercentage per week is 94,9%.

D5b $g_{\text{dag}} = 1,1 \Rightarrow g_{8 \text{ uur}} = 1,1^{\frac{1}{3}} \approx 1,032.$ Het groeipercentage per 8 uur is 3,2%.

D6a $g_{\text{jaar}} = 0,64 \Rightarrow g_{\text{maand}} = 0,64^{\frac{1}{12}} \approx 0,963.$ De afname per maand is 3,7%.

D6b $g_{\text{jaar}} = 0,64 \Rightarrow g_{5 \text{ jaar}} = 0,64^5 \approx 0,107.$ De afname per 5 jaar is 89,3%.

D7 $g_{3 \text{ dagen}} = \frac{1200}{1500} = 0,8 \Rightarrow g_{\text{dag}} = 0,8^{\frac{1}{3}} \approx 0,928.$

$$\left. N = b \cdot 0,928^t \right\} \Rightarrow 1500 = b \cdot 0,928^4 \Rightarrow b = \frac{1500}{0,928^4} \approx 2020. \text{ Dus } N = 2020 \cdot 0,928^t.$$

D8a ${}^3\log(3 \cdot \sqrt{3}) = {}^3\log(3^1 \cdot 3^{\frac{1}{2}}) = {}^3\log(3^{\frac{3}{2}}) = 1\frac{1}{2}.$ D8b ${}^2\log(\frac{1}{16} \cdot \sqrt[3]{2}) = {}^2\log(\frac{1}{16} \cdot 2^{\frac{1}{3}}) = {}^2\log(2^{-4} \cdot 2^{\frac{1}{3}}) = {}^2\log(2^{-\frac{11}{3}}) = -3\frac{2}{3}.$

D8c $\frac{1}{3} \log\left(\left(\frac{1}{3}\right)^{0,6}\right) = 0,6.$

D8d ${}^2 \log\left(\frac{1}{4} \cdot \sqrt{8}\right) = {}^2 \log\left(\frac{1}{2} \cdot \sqrt{2^3}\right) = {}^2 \log(2^{-2} \cdot 2^{\frac{3}{2}}) = {}^2 \log(2^{-\frac{1}{2}}) = -\frac{1}{2}.$

D9a ${}^4 \log(2x-3) = 2$
 $2x-3 = 4^2 = 16$
 $2x = 19$
 $x = \frac{19}{2} = 9\frac{1}{2}.$

D9b $3 + {}^3 \log(x) = 7$
 ${}^3 \log(x) = 4$
 $x = 3^4 = 81.$

D9c $\frac{1}{2} \log(x-3) = -4$
 $x-3 = \left(\frac{1}{2}\right)^{-4} = (2^{-1})^{-4} = 2^4 = 16$
 $x = 19.$

D9d $5 + 3 \cdot {}^2 \log(x) = 20$
 $3 \cdot {}^2 \log(x) = 15$
 ${}^2 \log(x) = 5$
 $x = 2^5 = 32.$

D10a $5 \cdot {}^2 \log(20) = 5 \cdot \frac{\log(20)}{\log(2)} \approx 21,61.$

D10b $\frac{6}{{}^3 \log(30)} = \frac{6}{\left(\frac{\log(30)}{\log(3)}\right)} \approx 1,94.$

$$\begin{aligned} &5 * \log(20) / \log(2) \\ &\quad 21.60964047 \\ &6 / (\log(30) / \log(3)) \\ &\quad 1.938045045 \end{aligned}$$

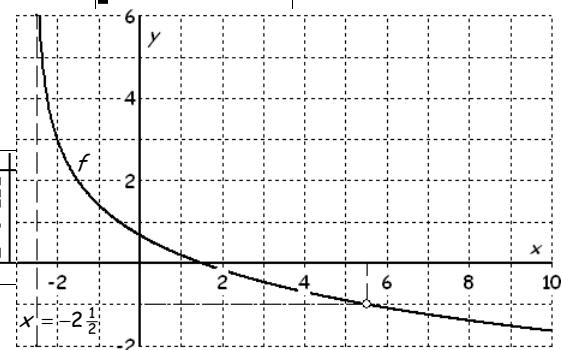
D11a Maak eerst een tabel op de GR en dan de grafiek (zie hiernaast).

$D_f = \left\langle -2\frac{1}{2}, \rightarrow \right\rangle$ (want $2x+5 > 0 \Rightarrow 2x > -5 \Rightarrow x > -2\frac{1}{2}$).

(de verticale asymptoot is de lijn $x = -2\frac{1}{2}$).

D11b $3 - {}^2 \log(2x+5) = -2$
 $- {}^2 \log(2x+5) = -5$
 ${}^2 \log(2x+5) = 5$
 $2x+5 = 2^5 = 32$
 $2x = 27$
 $x = 13\frac{1}{2}.$

Plot1 Plot2 Plot3	
$\text{Y}_1 \equiv 3 - \log(2x+5) / \log(2)$	
X	Y ₁
-3	ERRE
-2	1.4115
-1	5.5802
0	19.265
1	55.555
2	169.99
3	459.4
X=-3	



Met de grafiek vind je dan: $f(x) \geq -2$ voor $-2\frac{1}{2} < x \leq 13\frac{1}{2}.$

D11c $f(5\frac{1}{2}) = 3 - {}^2 \log(16) = 3 - {}^2 \log(2^4) = 3 - 4 = -1$ (of met TABLE). Voor $x \leq 5\frac{1}{2}$ is $f(x) \geq -1$ (gebruik de grafiek).

D12a Maak eerst een tabel op de GR en dan de grafiek (zie hiernaast).

$D_f = \left\langle -1, \rightarrow \right\rangle$ (want $x+1 > 0 \Rightarrow x > -1$) en

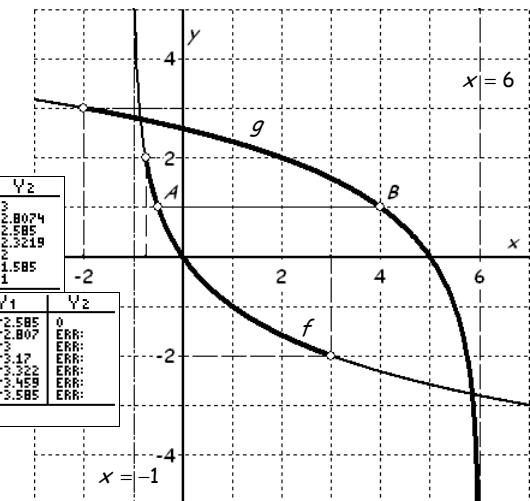
$D_g = \left\langle -\infty, 6 \right\rangle$ (want $-x+6 > 0 \Rightarrow -x > -6 \Rightarrow x < 6$).

(de verticale asymptoten zijn de lijnen $x = -1$ en $x = 6$).

D12b $\frac{1}{2} \log(x+1) = 4$
 $x+1 = \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{16}$
 $x = -\frac{15}{16}.$

Plot1 Plot2 Plot3	
$\text{Y}_1 \equiv \log(x+1) / \log(2)$	
X	Y ₁
-1	ERRE
0	2.8074
1	2.585
2	2.3219
3	1.585
4	1.585
5	1.522
X=-1	

Plot1 Plot2 Plot3	
$\text{Y}_2 \equiv \log(-x+6) / \log(2)$	
X	Y ₂
-1	ERRE
0	0
1	1
2	2
3	2.585
4	2.8074
5	3.127
6	3.459
7	3.585
X=6	



D12c $g(-2) = {}^2 \log(2+6) = {}^2 \log(8) = {}^2 \log(2^3) = 3$ (of met TABLE).
Voor $x \geq -2$ is $g(x) \leq 3$ (gebruik de grafiek).

D12d $\frac{1}{2} \log(x+1) = -2$ en $\frac{1}{2} \log(x+1) = 2$
 $x+1 = \left(\frac{1}{2}\right)^{-2} = (2^{-1})^{-2} = 2^2 = 4$
 $x+1 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$
 $x = 3.$

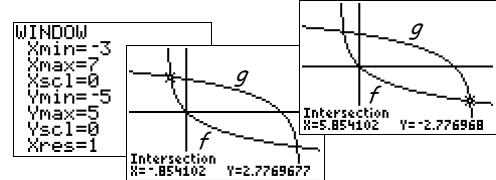
Plot1 Plot2 Plot3	
$\text{Y}_1 \equiv \log(x+1) / \log(2)$	
X	Y ₁
-1	ERRE
0	2.8074
1	2.585
2	2.3219
3	1.585
4	1.585
5	1.522
X=-1	

Nu in de grafiek aflezen: $-2 \leq f(x) \leq 2$ voor $-\frac{3}{4} \leq x \leq 3.$

D12e $f(x) = g(x)$ (intersect) $\Rightarrow x \approx -0,85 \vee x \approx 5,85.$

Nu m.b.v. de grafiek: $f(x) \leq g(x)$ voor $-0,85 \leq x \leq 5,85.$

D12f $\frac{1}{2} \log(x+1) = 1$ en $\frac{1}{2} \log(-x+6) = 1$
 $x+1 = \left(\frac{1}{2}\right)^1 = \frac{1}{2}$
 $-x+6 = 2^1 = 2$
 $-x = -4$
 $x = 4 \Rightarrow$ de lengte van AB is $4 - -\frac{1}{2} = 4\frac{1}{2}.$



D13 $10 \cdot \log\left(\frac{I_{\text{Jan}}}{I_0}\right) = 78$ (dB)

$10 \cdot \log\left(\frac{I_{\text{Frits}}}{I_0}\right) = 80$ (dB)

$10 \cdot \log\left(\frac{I_{\text{Gerrit}}}{I_0}\right) = 81$ (dB)

$\log\left(\frac{I_{\text{Jan}}}{10^{-12}}\right) = 7,8$

$\log\left(\frac{I_{\text{Frits}}}{10^{-12}}\right) = 8$

$\log\left(\frac{I_{\text{Gerrit}}}{10^{-12}}\right) = 8,1$

$\frac{I_{\text{Jan}}}{10^{-12}} = 10^{7,8}$

$\frac{I_{\text{Frits}}}{10^{-12}} = 10^8$

$\frac{I_{\text{Gerrit}}}{10^{-12}} = 10^{8,1}$

$I_{\text{Jan}} = 10^{7,8} \cdot 10^{-12} = 10^{-4,2}$ (W/m²).

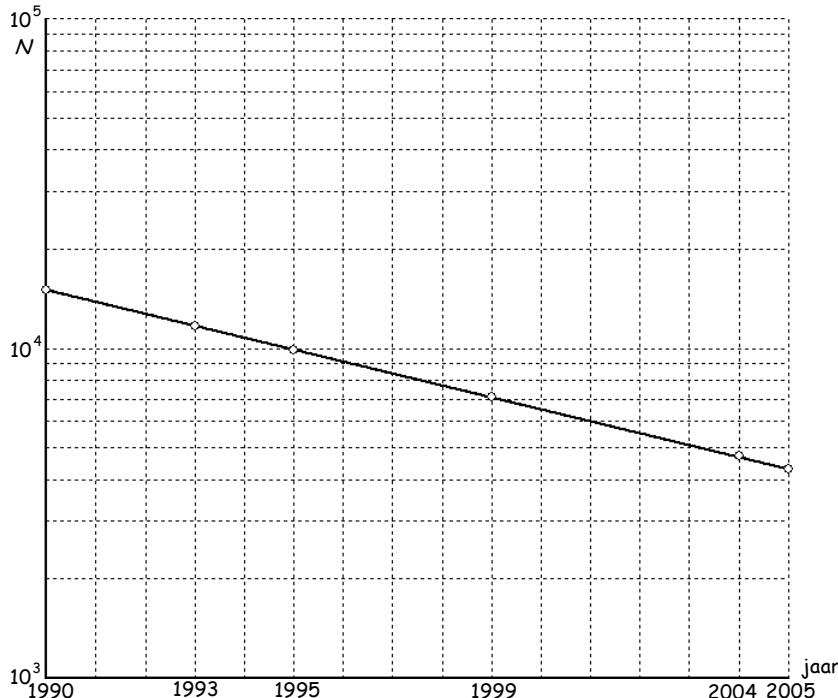
$I_{\text{Frits}} = 10^{-4}$ (W/m²).

$I_{\text{Gerrit}} = 10^{-3,9}$ (W/m²).

$$\begin{aligned} &10^{-4,2} + 10^{-4} + 10^{-3,9} \\ &\quad 2,889882756 \cdot 10^{-4} \\ &\quad 10 \cdot \log(\text{Ans} / 10^{-12}) \\ &\quad 84,60880224 \end{aligned}$$

$I_{\text{totaal}} = 10^{-4,2} + 10^{-4} + 10^{-3,9}$ (W/m²) \Rightarrow het totale geluidsniveau is $L_{\text{totaal}} = 10 \cdot \log\left(\frac{10^{-4,2} + 10^{-4} + 10^{-3,9}}{10^{-12}}\right) \approx 85$ (dB).

D14a □ Teken in het werkboek de gegevens uit de tabel 6 punten. (zie hieronder)



D14b □ Lijn op logaritmisch papier $\Rightarrow N = b \cdot g^t$.

Lijn door $(0, 15000)$ en $(15, 4300) \Rightarrow$

$$g \text{ jaar} = \frac{4300}{15000} \Rightarrow g \text{ jaar} = \left(\frac{4300}{15000}\right)^{\frac{1}{15}} \approx 0,920.$$

Bij $t = 0$ hoort $N = 15000 \Rightarrow b = 15000$.

Dus $N = 15000 \cdot 0,920^t$.

```
4300/15000
Ans^(1/15)
.9200790593
```

D15a □ Lijn op logaritmisch papier $\Rightarrow N = b \cdot g^t$.

$$\text{door } (1, 300) \text{ en } (3, 500) \Rightarrow g = \left(\frac{500}{300}\right)^{\frac{1}{2}} \approx 1,291.$$

$$N = b \cdot 1,291^t \quad \left\{ \begin{array}{l} 300 = b \cdot 1,291^1 \\ \text{door } (1, 300) \end{array} \right.$$

$$b = \frac{300}{1,291} \approx 230.$$

Dus $N = 230 \cdot 1,291^t$.

```
500/300
1.6666666667
Ans^(1/2)
1.290994449
300/Ans
232.3790008
```

D15b □ Lijn op logaritmisch papier $\Rightarrow N = b \cdot g^t$.

$$\text{door } (1, 700) \text{ en } (3, 400) \Rightarrow g = \left(\frac{400}{700}\right)^{\frac{1}{2}} \approx 0,756.$$

$$N = b \cdot 0,756^t \quad \left\{ \begin{array}{l} 700 = b \cdot 0,756^1 \\ \text{door } (1, 700) \end{array} \right.$$

$$b = \frac{700}{0,756} \approx 930.$$

Dus $N = 930 \cdot 0,756^t$.

```
400/700
5714285714
Ans^(1/2)
755928946
700/Ans
926.0129589
```

D16a □ $1,002^T = 2$ (T in maanden) $\Rightarrow T = 1,002 \log(2) = \frac{\log(2)}{\log(1,002)} \approx 346,92$ (maanden).

De verdubbelingstijd is ongeveer 29 jaar.

$$\text{OF: } (1,002^{12})^T = 2 \text{ (} T \text{ in jaren)} \Rightarrow T = \frac{(1,002^{12})}{\log(2)} \log(2) = \frac{\log(2)}{\log(1,002^{12})} \approx 29 \text{ (jaar).}$$

```
(100+0.2)/100
1.002
log(2)/log(1.002)
346.9200485
Ans/12
28.91000404
Log(2)/log(1.002
^12)
28.91000404
```

D16b □ $0,80^T = \frac{1}{2}$ (T in weken) $\Rightarrow T = 0,80 \log\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\log\left(\frac{1}{2}\right)}{\log(0,80)} \approx 3,1$ (weken).

De halveringstijd is ongeveer 22 dagen.

$$\text{OF: } \left(0,80^{\frac{1}{7}}\right)^T = \frac{1}{2} \text{ (} T \text{ in dagen)} \Rightarrow T = \left(\frac{0,80^{\frac{1}{7}}}{\log\left(\frac{1}{2}\right)}\right) \log\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\log\left(\frac{1}{2}\right)}{\log(0,80^{\frac{1}{7}})} \approx 29 \text{ (dagen).}$$

```
(100-20)/100
0.8
log(1/2)/log(0.8
0)
3.10628372
Ans*?
21.74398604
Log(1/2)/log(0.8
0^(1/7))
21.74398604
```

D17 □ $g_{32 \text{ dagen}} = \frac{1}{2}$ of $(g_{\text{dag}})^{32} = \frac{1}{2} \Rightarrow g_{\text{dag}} = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{32}} \approx 0,979 \Rightarrow$ de afname per dag is 2,1%.

```
(1/2)^(1/32)
.9785720621
Ans*100-100
-2.142793791
```

Gemengde opgaven 5. Exponenten en logaritmen

G1ab $y = 2^x$ verm. x-as, 3 $\rightarrow y = 3 \cdot 2^x$ translatie (0, -2) $\rightarrow f(x) = 3 \cdot 2^x - 2.$

$B = \langle 0, \infty \rangle \Rightarrow B_f = \langle -2, \infty \rangle$

$y = 2^x$ translatie (3, 1) $\rightarrow g(x) = 2^{x-3} + 1.$

$B_g = \langle 0, \infty \rangle \Rightarrow B_g = \langle 1, \infty \rangle$

Zie de grafieken hiernaast (maak eerst op de GR een tabel).

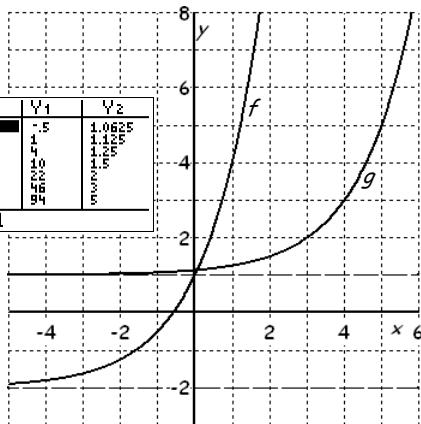
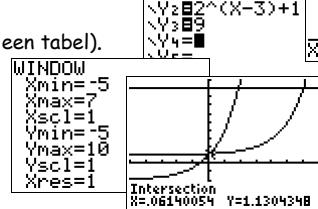
G1c $3 \cdot 2^x - 2 = 2^{x-3} + 1$ (intersect) $\Rightarrow S(0,06; 1,13).$

G1d $3 \cdot 2^x - 2 = -\frac{1}{2}$

$3 \cdot 2^x = 1\frac{1}{2}$

$2^x = \frac{1}{2} = 2^{-1}$

$x = -1.$

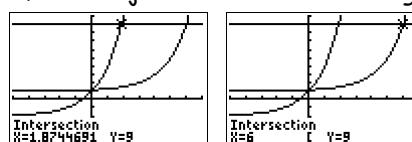


G1e $B_g = \langle 1, \infty \rangle$ en $g(7) = 2^4 + 1 = 17.$ Met gebruik van de grafiek vind je dan: voor $x \leq 7$ is $1 < g(x) \leq 17.$

G1f $f(x) = 9$ (intersect) $\Rightarrow x \approx 1,87 \Rightarrow A(1,87; 9).$

$g(x) = 9$ (intersect) $\Rightarrow x = 6 \Rightarrow B(6, 9).$

De lengte van lijnstuk AB is (afgerond) $6 - 1,87 = 4,13.$



G2a $(\frac{1}{2})^{x-5} - 1 = -\frac{3}{4}$

$(\frac{1}{2})^{x-5} = \frac{1}{4} = (\frac{1}{2})^2$

$x-5 = 2$

$x = 7.$

G2c $f(-1) = 3 \cdot 2^{-3} - 3 \Rightarrow 3 \cdot \frac{1}{8} - 3 = \frac{3}{8} - 3 = -2\frac{5}{8} \Rightarrow A(-1, -2\frac{5}{8}).$

$g(-1) = (\frac{1}{2})^{-6} - 1 = (2^{-1})^{-6} - 1 = 2^6 - 1 = 64 - 1 = 63 \Rightarrow B(-1, 63)$

G2d $f(x) = 4$ (intersect) $\Rightarrow x \approx 3,222 \Rightarrow P(3,222; 4).$

$g(x) = 4$ (intersect) $\Rightarrow x = 2,678 \Rightarrow Q(2,678; 4).$

De lengte van lijnstuk PQ is (afgerond) $3,222 - 2,678 \approx 0,54.$

G2e $B_f = \langle -3, \infty \rangle$ en $B_g = \langle -1, \infty \rangle \Rightarrow$ voor $-3 < p \leq -1$ heeft $f(x) = p$ één oplossing en $g(x) = p$ geen oplossing.

G3a $30 - 3^{3x+1} = 3$

$-3^{3x+1} = -27$

$3^{3x+1} = 27 = 3^3$

$3x+1 = 3$

$3x = 2$

$x = \frac{2}{3}.$

G3c $4 \cdot 3^{\log(3x-5)} = 20$

$3^{\log(3x-5)} = 5$

$3x-5 = 3^5 = 243$

$3x = 248$

$x = \frac{248}{3} = 82\frac{2}{3}.$

G3e $2^{x^2-2} = 32$

$2^{x^2-2} = 2^5$

$x^2-2 = 5$

$x^2 = 7$

$x = \sqrt{7} \quad \vee \quad x = -\sqrt{7}.$

G3g $2 \cdot (\frac{1}{3})^{x-1} + 5 = 59$

$2 \cdot (\frac{1}{3})^{x-1} = 54$

$(3^{-1})^{x-1} = 27$

$3^{-1(x-1)} = 3^3$

$-x+1=3$

$-x=2$

$x=-2.$

G3b $5 \cdot 3^{2x} = 15 \cdot \sqrt[4]{3}$

$3^{2x} = 3 \cdot \sqrt[4]{3}$

$3^{2x} = 3^1 \cdot 3^{\frac{1}{4}}$

$3^{2x} = 3^{\frac{5}{4}}$

$2x = 1\frac{1}{4} = \frac{5}{4}$

$x = \frac{5}{8}.$

G3d $6 - 0.5 \log(3x) = 8$

$-0.5 \log(3x) = 2$

$0.5 \log(3x) = -2$

$3x = 0.5^{-2} = \frac{1}{0.5^2}$

$3x = \frac{1}{0.25} = 4$

$x = \frac{4}{3} = 1\frac{1}{3}.$

G3f $2 + 3 \cdot \frac{1}{2} \log(6x+1) = -4$

$3 \cdot \frac{1}{2} \log(6x+1) = -6$

$\frac{1}{2} \log(6x+1) = -2$

$6x+1 = (\frac{1}{2})^{-2}$

$6x+1 = (2^{-1})^{-2} = 2^2 = 4$

$6x = 3$

$x = \frac{1}{2}.$

G3h $4^{3x+1} = \frac{1}{8} \cdot \sqrt{2}$

$(2^2)^{3x+1} = \frac{1}{2^3} \cdot 2^{\frac{1}{2}}$

$(2^2)^{3x+1} = 2^{-3} \cdot 2^{\frac{1}{2}}$

$2^{2(3x+1)} = 2^{-2\frac{1}{2}}$

$6x+2 = -2\frac{1}{2}$

$6x = -4\frac{1}{2} = -\frac{9}{2}$

$x = -\frac{9}{12} = -\frac{3}{4}.$

G4a $5^{1-3x} = \frac{1}{5} \cdot \sqrt[3]{25}$

$5^{1-3x} = 5^{-1} \cdot \sqrt[3]{5^2}$

$5^{1-3x} = 5^{-1} \cdot 5^{\frac{2}{3}} = 5^{-\frac{1}{3}}$

$1-3x = -\frac{1}{3}$

$-3x = -\frac{4}{3}$

$x = \frac{4}{9}.$

G4b $4^{3x-x^2} = (\frac{1}{2})^{3-x}$

$(2^2)^{3x-x^2} = (2^{-1})^{3-x}$

$2^{2(3x-x^2)} = 2^{-1(3-x)}$

$6x-2x^2 = -3+x$

$-2x^2+5x+3=0 \nearrow$

abc-formule:

$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

$x = \frac{-5 \pm \sqrt{49}}{-4} = \frac{-5 \pm 7}{-4}$

$x = \frac{2}{-4} = -\frac{1}{2} \quad \vee \quad x = \frac{-12}{-4} = 3.$

$$\begin{aligned} G4c \quad & 3^{x-3} + 3^{x-4} = \frac{4}{3} \cdot \sqrt{3} \\ & 3^{x-4} \cdot 3^1 + 3^{x-4} = \frac{4}{3} \cdot \sqrt{3} \\ & 3 \cdot 3^{x-4} + 1 \cdot 3^{x-4} = \frac{4}{3} \cdot \sqrt{3} \\ & 4 \cdot 3^{x-4} = \frac{4}{3} \cdot \sqrt{3} \\ & 3^{x-4} = \frac{1}{3} \cdot \sqrt{3} = 3^{-1} \cdot 3^{\frac{1}{2}} = 3^{-\frac{1}{2}} \\ & x-4 = -\frac{1}{2} \\ & x = 3\frac{1}{2}. \end{aligned}$$

G4e

$$\begin{aligned} & (\frac{1}{3})^{x+2} = 9^{2x-5} \\ & (3^{-1})^{x+2} = (3^2)^{2x-5} \\ & 3^{-1(x+2)} = 3^{2(2x-5)} \\ & -x-2 = 4x-10 \\ & -5x = -8 \\ & x = \frac{-8}{-5} = 1\frac{3}{5}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G4g \quad & (\frac{1}{2})^{-x+2} + 2^{x+3} = 4\frac{1}{8} \\ & (2^{-1})^{-x+2} + 2^{x+3} = 4\frac{1}{8} \\ & 2^{x-2} + 2^{x+3} = 4\frac{1}{8} \\ & 2^{x-2} + 2^{x-2} \cdot 2^5 = 4\frac{1}{8} \\ & 1 \cdot 2^{x-2} + 32 \cdot 2^{x-2} = 4\frac{1}{8} \rightarrow \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 33 \cdot 2^{x-2} = \frac{33}{8} \\ & 2^{x-2} = \frac{1}{8} \\ & 2^{x-2} = \frac{1}{2^3} = 2^{-3} \\ & x-2 = -3 \\ & x = -1. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G4d \quad & 3^{-2} \log(x-5) = 1 \\ & -2 \log(x-5) = -2 \\ & 2 \log(x-5) = 2 \\ & x-5 = 2^2 = 4 \\ & x = 9. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G4f \quad & 2^{x+2} - 2^{x-1} = 14 \cdot \sqrt{2} \\ & 2^{x-1} \cdot 2^3 - 2^{x-1} = 14 \cdot \sqrt{2} \\ & 8 \cdot 3^{x-4} - 1 \cdot 2^{x-1} = 14 \cdot \sqrt{2} \\ & 7 \cdot 2^{x-1} = 14 \cdot \sqrt{2} \\ & 2^{x-1} = 2 \cdot \sqrt{2} = 2^1 \cdot 2^{\frac{1}{2}} = 2^{\frac{3}{2}} \\ & x-1 = 1\frac{1}{2} \\ & x = 2\frac{1}{2}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G4h \quad & 5 - 3 \cdot \frac{1}{3} \log(x^2) = -1 \\ & -3 \cdot \frac{1}{3} \log(x^2) = -6 \\ & \frac{1}{3} \log(x^2) = 2 \\ & x^2 = (\frac{1}{3})^2 \\ & x = \pm \sqrt{(\frac{1}{3})^2} = \pm \frac{1}{3} \\ & x = \frac{1}{3} \vee x = -\frac{1}{3}. \end{aligned}$$

G5a $\Rightarrow g_{jaar} = 1,096 \Rightarrow g_{10 \text{ jaar}} = 1,096^{10} \approx 2,50$. De toename per 10 jaar is 150%.

$$\begin{aligned} & (100+9.6)/100 \\ & 1.096^{10} \\ & 2.500953065 \\ & Ans*100-100 \\ & 150.0953065 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 1.096^{(1/12)} \\ & 1.007668183 \\ & Ans*100-100 \\ & .7668183456 \end{aligned}$$

G5b $\Rightarrow g_{jaar} = 1,096 \Rightarrow g_{maand} = 1,096^{\frac{1}{12}} \approx 1,008$. De toename per maand is 0,8%.

G5c $1,096^T = 2 \Rightarrow T = 1,096 \log(2) = \frac{\log(2)}{\log(1,096)} \approx 7,56$ (jaar).
De verdubbelingstijd is 7 jaar en 7 maanden.

$$\begin{aligned} & \log(2)/\log(1.096) \\ & 7.561562558 \\ & Ans-7 \\ & 5615625581 \\ & Ans*12 \\ & 6.738750697 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \log(10)/\log(1.09) \\ & 25.1189671 \end{aligned}$$

G5d $1,096^t = 10 \Rightarrow t = 1,096 \log(10) = \frac{\log(10)}{\log(1,096)} \approx 25,1$ (jaar).

$$\begin{aligned} & (100-17)/100 \\ & .83 \\ & 0.83^7 \\ & .2713605099 \\ & Ans*100-100 \\ & .72.86394901 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 0.83^{(1/24)} \\ & 9922663275 \\ & Ans*100-100 \\ & -.7733672497 \end{aligned}$$

G6a $\Rightarrow g_{dag} = 0,83 \Rightarrow g_{week} = 0,83^7 \approx 0,271$. De afname per week is 72,9%.

G6b $\Rightarrow g_{dag} = 0,83 \Rightarrow g_{uur} = 0,83^{\frac{1}{24}} \approx 0,992$. De afname per uur is 0,8%.

$$\begin{aligned} & \log(1/2)/\log(0.8) \\ & 3.72000617 \\ & Ans-3 \\ & 7200061702 \\ & Ans*24 \\ & 17.28014808 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \log(1/4)/\log(0.8) \\ & 7.44001234 \end{aligned}$$

G6c $0,83^T = \frac{1}{2} \Rightarrow T = 0,83 \log(\frac{1}{2}) = \frac{\log(\frac{1}{2})}{\log(0,83)} \approx 3,72$ (dagen).
De halveringstijd is 3 dagen en 17 uur.

$$\begin{aligned} & 0.83^{(1/24)} \\ & 9922663275 \\ & Ans*100-100 \\ & -.7733672497 \end{aligned}$$

G6d $0,83^t = \frac{1}{4} \Rightarrow t = 0,83 \log(\frac{1}{4}) = \frac{\log(\frac{1}{4})}{\log(0,83)} \approx 7,4$ (dagen).

G7a Teken in het werkboek met de gegevens uit de tabel 7 punten. Ze liggen vrijwel op een rechte lijn (ga dit zelf na).

G7b $P = b \cdot g^h$ door $(0, 1013)$ en $(4,750; 567) \Rightarrow g = \left(\frac{567}{1013}\right)^{\frac{1}{4,750}} \approx 0,885$.
 $P = b \cdot 0,885^h$ door $(0, 1013) \Rightarrow P = 1013 \cdot 0,885^h$.

$$\begin{aligned} & (567/1013)^{(1/4,750)} \\ & 8849970303 \\ & Ans^{(1/5)} \\ & 9758619006 \\ & Ans*100-100 \\ & -2.413809945 \end{aligned}$$

G7c $\Rightarrow g_{km} = 0,885 \Rightarrow g_{200m} = 0,885^{\frac{1}{5}} \approx 0,976$. De afname per 200 m is 2,4%.

G7d $h = 7,5 \Rightarrow P = 1013 \cdot 0,885^{7,5} \approx 405$ (hPa).

G8a $y = 3 \log(x) \xrightarrow{\text{Tr. } (-4, 2)} f(x) = 3 \log(x+4) + 2$.

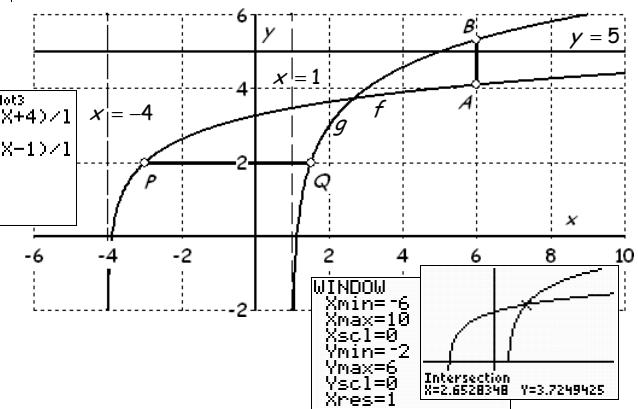
$$\begin{cases} D = \langle 0, \rightarrow \rangle \\ V.A.: x=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} D_f = \langle -4, \rightarrow \rangle \\ V.A.: x=-4 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & \text{Plot1 Plot2 Plot3} \\ & \langle Y_1 \square 2+\log(X+4) / 1 \\ & \log(3) \\ & \langle Y_2 \square 3+\log(X-1) / 1 \\ & \log(2) \\ & \langle Y_3 = \blacksquare \end{aligned}$$

$$y = 2 \log(x) \xrightarrow{\text{Tr. } (1, 3)} g(x) = 2 \log(x-1) + 3$$

$$\begin{cases} D = \langle 0, \rightarrow \rangle \\ V.A.: x=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} D_g = \langle 1, \rightarrow \rangle \\ V.A.: x=1 \end{cases}$$

X	Y1	Y2
-3	3	3.465
-2	2	3.7712
-1	1	4
0	0	4.1827
1	1	4.595
2	2	5
3	3	5.4047
4	4	5.585



G8b Zie de grafiek hiernaast. (gebruik TABLE)

G8c $f(x) = g(x)$ (intersect) $\Rightarrow x \approx 2,65$.

$f(x) \geq g(x)$ (gebruik de grafiek) geeft $1 < x \leq 2,65$.

(niet $-4 \leq x \leq 2,65$ want voor $x \leq 1$ is er geen grafiek van g)

G8d $2 + 3 \log(x+4) = 5$

$$3 \log(x+4) = 3$$

$$x+4 = 3^3 = 27$$

$$x = 23.$$

$2 + 3 \log(x+4) \leq 5$ (gebruik de grafiek) geeft $-4 < x \leq 23$.

G8e $f(6) \approx 4,096$ en $g(6) \approx 5,322 \Rightarrow AB \approx 5,322 - 4,096 \approx 1,23$.

G8f $2 + 3 \log(x+4) = 2$ en $3 + 2 \log(x-1) = 2$

$$3 \log(x+4) = 0$$

$$2 \log(x-1) = -1$$

$$x+4 = 3^0 = 1$$

$$x-1 = 2^{-1} = \frac{1}{2}$$

$$x = -3 \Rightarrow P(-3, 2).$$

$$x = 1\frac{1}{2} \Rightarrow Q(1\frac{1}{2}, 2). \quad \text{Dus de lengte van } PQ \text{ is } 1\frac{1}{2} - (-3) = 4\frac{1}{2}.$$

$Y_1(6)$	4.095903274
$Y_2(6)$	5.321928095
$Y_2(6)-Y_1(6)$	1.226024821

G9a Van 1 mei tot 21 mei zijn 20 dagen; van 21 mei tot en met 31 mei zijn 11 dagen.

Op 31 mei zijn er $1 \cdot 1,05^{20} \cdot 0,92^{11} \approx 1,06$ miljoen bacteriën.

G9b $1,05^{20} \cdot g^{11} = 1 \Rightarrow g^{11} = \frac{1}{1,05^{20}} \Rightarrow g = \left(\frac{1}{1,05^{20}}\right)^{\frac{1}{11}} \approx 0,915$. Dus een afname van 8,5% per dag.

G9c Stel de toename duurt n dagen dan is er daarna nog $31-n$ dagen een afname.

Er geldt: $1,05^n \cdot 0,90^{31-n} = 1$ (intersect) $\Rightarrow n \approx 21,2$. Hierbij hoort 22 mei.

G10a $\mathcal{G}_{5\text{mm}} = 0,7 \Rightarrow \mathcal{G}_{5\text{mm}} = 0,7^5 \approx 0,168$.

Door de plaat van 5 mm komt nog maar 16,8% van het oorspronkelijke licht.

G10b $\mathcal{G}_{1\text{cm}} = \mathcal{G}_{10\text{mm}} = 0,7^{10} \approx 0,028$. Er wordt dus 97,2% geabsorbeerd.

G10c $0,7^n = 0,01$ (intersect of) $\Rightarrow n = \frac{\log(0,01)}{\log(0,7)} \approx 12,9$. De plaat moet 13 mm dik zijn.

G11a $\mathcal{G}_{\text{week}} = 0,3 \Rightarrow \mathcal{G}_{\text{dag}} = 0,3^{\frac{1}{7}} \approx 0,842$.

G11b Er is dan nog 60% van de hoeveelheid toegediende medicijn in het lichaam over, dus:

$$0,842^t = 0,6 \text{ (intersect of)} \Rightarrow t = \frac{0,842 \log(0,6)}{\log(0,842)} \approx 2,97 \text{ (dagen). Dus ongeveer 71 uur.}$$

G11c De hoeveelheid van de toegediende medicijn wordt gegeven door de formule $M = 500 \cdot 0,842^t$ (t in dagen en M in mg).

Voer de formule in op de GR $\Rightarrow \left[\frac{dy}{dx} \right]_{x=2} \approx -61 \text{ mg/dag} \approx -2,5 \text{ mg/uur.}$

Dus de hoeveelheid medicijn neemt af met 2,5 mg/uur.

G11d Op $t = 7$ (dagen) vlak voor de inname: $M = 500 \cdot 0,3 = 150$ (mg).

$$\text{Op } t = 7 \text{ (dagen) vlak na de inname: } M = 150 + 500 = 650 \text{ (mg).}$$

$$\text{Op } t = 10 \text{ (dagen) is } M = 650 \cdot 0,842^3 \approx 388 \text{ (mg).}$$

G11e Op $t = 14$ (dagen) vlak voor de inname: $M = 650 \cdot 0,3 = 195$ (mg).

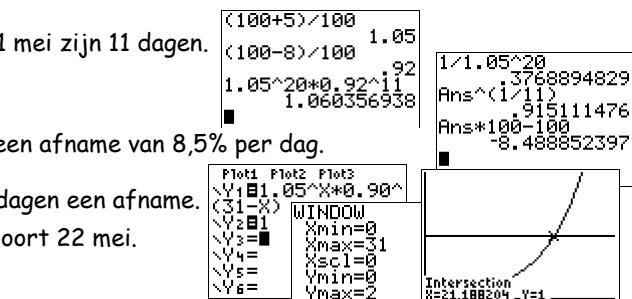
$$\text{Op } t = 14 \text{ (dagen) vlak na de inname: } M = 195 + 500 = 695 \text{ (mg).}$$

$$M = b \cdot 0,842^t \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow 695 = b \cdot 0,842^{14}$$

$$\text{voor } t = 14 \text{ is } M = 695$$

$$b = \frac{695}{0,842^{14}} \approx 7720.$$

Dus voor $14 < t < 21$ is $M(t) = 7720 \cdot 0,842^t$.

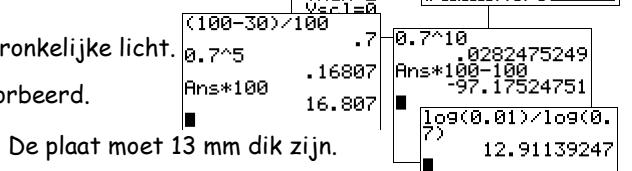


G11a $\mathcal{G}_{\text{week}} = 0,3 \Rightarrow \mathcal{G}_{\text{dag}} = 0,3^{\frac{1}{7}} \approx 0,842$.

Door de plaat van 5 mm komt nog maar 16,8% van het oorspronkelijke licht.

G10b $\mathcal{G}_{1\text{cm}} = \mathcal{G}_{10\text{mm}} = 0,7^{10} \approx 0,028$. Er wordt dus 97,2% geabsorbeerd.

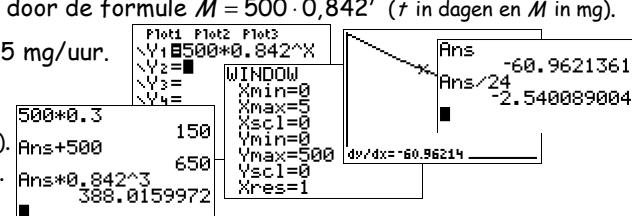
G10c $0,7^n = 0,01$ (intersect of) $\Rightarrow n = \frac{\log(0,01)}{\log(0,7)} \approx 12,9$. De plaat moet 13 mm dik zijn.



G11a $\mathcal{G}_{\text{week}} = 0,3 \Rightarrow \mathcal{G}_{\text{dag}} = 0,3^{\frac{1}{7}} \approx 0,842$.

G11b Er is dan nog 60% van de hoeveelheid toegediende medicijn in het lichaam over, dus:

$$0,842^t = 0,6 \text{ (intersect of)} \Rightarrow t = \frac{0,842 \log(0,6)}{\log(0,842)} \approx 2,97 \text{ (dagen). Dus ongeveer 71 uur.}$$



G11c De hoeveelheid van de toegediende medicijn wordt gegeven door de formule $M = 500 \cdot 0,842^t$ (t in dagen en M in mg).

Voer de formule in op de GR $\Rightarrow \left[\frac{dy}{dx} \right]_{x=2} \approx -61 \text{ mg/dag} \approx -2,5 \text{ mg/uur.}$

Dus de hoeveelheid medicijn neemt af met 2,5 mg/uur.

G11d Op $t = 7$ (dagen) vlak voor de inname: $M = 500 \cdot 0,3 = 150$ (mg).

$$\text{Op } t = 7 \text{ (dagen) vlak na de inname: } M = 150 + 500 = 650 \text{ (mg).}$$

$$\text{Op } t = 10 \text{ (dagen) is } M = 650 \cdot 0,842^3 \approx 388 \text{ (mg).}$$

G11e Op $t = 14$ (dagen) vlak voor de inname: $M = 650 \cdot 0,3 = 195$ (mg).

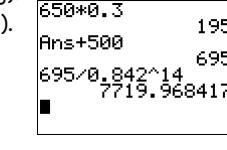
$$\text{Op } t = 14 \text{ (dagen) vlak na de inname: } M = 195 + 500 = 695 \text{ (mg).}$$

$$M = b \cdot 0,842^t \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow 695 = b \cdot 0,842^{14}$$

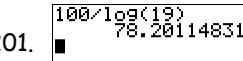
$$\text{voor } t = 14 \text{ is } M = 695$$

$$b = \frac{695}{0,842^{14}} \approx 7720.$$

Dus voor $14 < t < 21$ is $M(t) = 7720 \cdot 0,842^t$.



G12a Voor $x = 18$ is $P = 100 \Rightarrow 100 = a \cdot \log(19) \Rightarrow a = \frac{100}{\log(19)} \approx 78,201$.

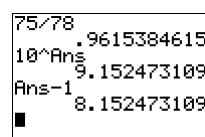


G12b $78 \cdot \log(x+1) = 75$ (intersect of)

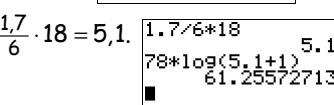
$$\log(x+1) = \frac{75}{78}$$

$$x+1 = 10^{\frac{75}{78}}$$

$$x = 10^{\frac{75}{78}} - 1 \approx 8,15. \text{ Dus op stand 8,2.}$$



G12c $k = -1,3$ (bij een knop van 0 tot 6 zou de knop 1,7 aanwijzen) $\Rightarrow x = \frac{1,7}{6} \cdot 18 = 5,1$.



$$P = 78 \cdot \log(5,1+1) \approx 61,3.$$

Dus P is ongeveer 61%.